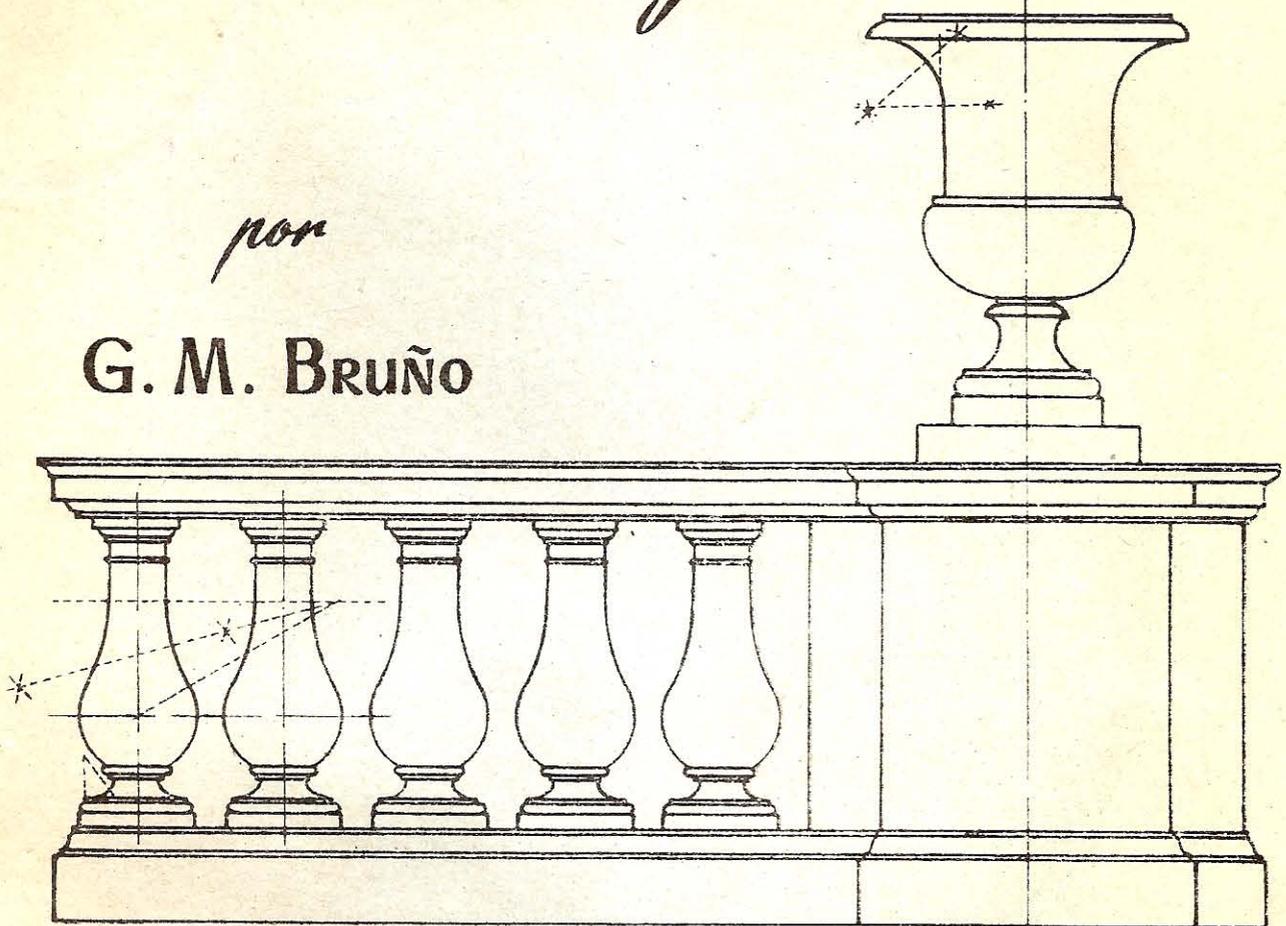


Elementos de

Dibujo Lineal

por

G. M. BRUÑO



EDITORIAL BRUÑO
Marqués de Mondéjar, 32
28028 MADRID

2º CUADERNO
- contiene -
Ejercicios sobre arcos de círculo.
Enlaces. - Tangentes. - Aplicaciones.

ENLACE DE LINEAS

El enlace de líneas tiene por objeto unir líneas rectas con curvas, o curvas entre sí de modo que halla tal sucesión de continuidad entre dichas líneas, que una parezca como prolongación de la otra. Para que una recta enlace con una circunferencia, o unas circunferencias entre sí, basta que se toquen en un punto, es decir, que sean tangentes en dicho punto. Este punto recibe el nombre de punto de contacto o punto de tangencia.

El enlace de líneas se funda en los dos principios siguientes:

1.º El punto de tangencia de dos arcos de círculo que se enlazan, está en la recta que une los centros de ambos círculos.

2.º Una recta se enlaza con un arco de círculo, cuando dicha recta es perpendicular al radio del arco, en su punto de tangencia.

De estos dos principios podemos deducir: a) que la perpendicular a la línea de los centros en el punto de tangencia de dos circunferencias tangentes, es una tangente común a estas dos circunferencias; b) que para trazar una tangente en un punto de la circunferencia, bastará levantar la perpendicular en el extremo del radio que termina en dicho punto.

Para hallar los centros de los arcos, en la resolución de numerosos problemas de enlaces tangenciales se tendrá presente la siguiente importante propiedad de los arcos y cuerdas:

Todo radio perpendicular a una cuerda la divide en dos partes iguales, así como también al arco que esta subtiende; de donde se deduce la siguiente consecuencia: La perpendicular levantada en medio de una cuerda pasa por el centro.

SOLUCION DE LOS PROBLEMAS

PRIMERA LAMINA

1.—Hacer pasar varias circunferencias por dos puntos dados A y B. 1.º Unanse dichos puntos por medio de la recta AB; 2.º, haciendo centro en los mismos, levántese la perpendicular en su punto medio. En esta perpendicular estarán todos los centros de todas las circunferencias que se hagan pasar por A y B.

2.—Hacer pasar un arco de radio conocido r, por dos puntos dados A y B.—1.º Unanse por medio de una recta dichos puntos; 2.º levántese la perpendicular en su punto medio; 3.º, desde cualquiera de los puntos, y con un radio r trácese un arco que corte a la perpendicular, En el punto de intersección O estará el centro del arco pedido.

3.—Hacer pasar una circunferencia por tres puntos A, B y C que no estén en línea recta.—1.º Se unen dichos puntos por medio de las rectas AB y BC; 2.º, se levanta una perpendicular en el punto medio de cada una de ellas, El punto O intersección de ambas perpendiculares será el centro de la circunferencia pedida pues equidista de los tres puntos dados.

4.—Trazar una tangente a una circunferencia en un punto cualquiera de ella, N.—Basta para

ello trazar un radio desde dicho punto y levantar una perpendicular en su centro N.

5.—Trazar una tangente a una circunferencia cuyo centro no se alcanza en el dibujo.—1.º Desde un punto cualquiera B de la circunferencia y con un radio igual a CA trácese un arco indefinido A'C; 2.º, haciendo centro en A y con radio AA' trácese el arco A'C. Haciendo pasar la recta AC por la intersección de los dos arcos se obtiene la tangente pedida.

6.—Dada una recta AB trazar a ésta una circunferencia tangente de radio conocido r, —1.º Trácese una paralela a AB; 2.º, desde un punto cualquiera de esta paralela bájese una perpendicular a dicha recta. El punto de tangencia estará situado en el pie de la perpendicular.

7.—Trazar una circunferencia tangente a dos rectas paralelas AB y BC —1.º Levántese una perpendicular en un punto cualquiera de AB y prolonguese hasta la recta CD; 2.º, hállese el punto medio de dicha perpendicular. Dicho punto O será el centro de la circunferencia tangente a las dos rectas paralelas.

8.—Dada una recta AB trazar una circunferencia tangente a ésta y que pase por un punto determinado N.—Sea C, un punto cualquiera de la

recta AB y N un punto determinado situado fuera de ella. 1.º Levántese una perpendicular a dicha recta en el punto C; 2.º, únase C con N y levántese una perpendicular en su punto medio. La intersección de las dos perpendiculares será el centro de la circunferencia pedida.

SEGUNDA LAMINA

9.—**Describir una circunferencia tangente a los lados de un ángulo ABC.**—1.º Trácese la bisectriz del ángulo ABC; 2.º, en un punto cualquiera D, de uno de los lados levántese una perpendicular; El centro O se encontrará en la intersección de esta perpendicular con la bisectriz del ángulo.

10. **Describir una circunferencia tangente a los lados de una línea poligonal convexa ABCD.**—1.º Trácese las bisectrices de los ángulos ABC y BCD; 2.º, desde el punto O de la intersección de las bisectrices, bájese la perpendicular OE al lado CD. La recta OE será el radio de la circunferencia pedida.

11. **Inscribir una circunferencia en un triángulo cualquiera ABC.**—1.º Trácese las bisectrices de dos de sus ángulos; 2.º, desde el punto de intersección de las mismas bájese la perpendicular a un lado cualquiera del triángulo. La recta OD es el radio de la circunferencia pedida.

Nota.—Las tres bisectrices de un triángulo se cortan en un mismo punto.

12.—**Trazar tres circunferencias tangentes exteriormente a los lados de un triángulo.**—

1.º Prolónguense los lados del triángulo formando así sus ángulos exteriores; 2.º, trácese las bisectrices de dichos ángulos exteriores y prolonguense hasta que se corten dos a dos en O, O' y O''; 3.º, desde estos puntos bájense perpendiculares a los lados correspondientes del triángulo. Las rectas OF, O'H y O''I serán los radios de las circunferencias pedidas.

13.—**Desde un punto exterior a una circunferencia trazar a éstas dos tangentes.**—1.º *Procedimiento*; 1.º Desde O como centro y con radio doble que el de la circunferencia dada describese otra circunferencia concéntrica a la primera; 2.º, desde A como centro y con radio igual a AO describese una circunferencia que corte a la anterior en D y E; 3.º, únase O con D y E. Los puntos B y C serán los puntos de tangencia y uniendo A con B y C se obtendrán las tangentes pedidas.

14.—**El mismo problema.**—2.º *Procedimiento*; 1.º Unase por medio de una recta el punto A con el centro O y tomando dicha recta por diámetro trácese una circunferencia que corte a la circunferencia dada en dos puntos B y C. Uniendo estas intersecciones con el punto A se obtendrán las tangentes pedidas.

15.—**El mismo problema.**—3.º *Procedimiento*; 1.º Trácese las secantes ABC y ADE; 2.º únase estos puntos de dos en dos. La recta FH corta a la circunferencia en dos puntos M y N por donde pasan las tangentes pedidas.

16.—**El mismo problema.**—4.º *Procedimiento*; 1.º Trácese las tangentes haciendo girar la regla alrededor del punto A; 2.º, para hallar los puntos de tangencia describanse desde el centro arcos que corten a las tangentes; 3.º, desde dichos puntos *m* y *n*, y desde *r* y *s* levántese perpendiculares. La intersección de estas perpendiculares con la circunferencia, serán los puntos de tangencia que se desean.

TERCERA LAMINA

17.—**Trazado de tangentes exteriores a dos circunferencias.**—1.º *Procedimiento.*—1.º Describase desde O' una circunferencia cuyo radio sea la diferencia de los radios de las dos circunferencias dadas; 2.º, tómese el punto M en medio de O'O; 3.º, haciendo centro en M, trácese una circunferencia que pase por O' y O; 4.º, por las intersecciones de esta circunferencia con la circunferencia auxiliar O' háganse pasar dos rectas que cortarán la circunferencia mayor en dos puntos P y Q, que son los puntos de tangencia; 5.º, desde el centro O trácese las rectas OA y OC, respectivamente paralelas a PO y O'Q. Uniendo los puntos A y P, así como C y Q y prolongando las rectas, se obtienen las tangentes pedidas.

18.—2.º *Procedimiento.*—Obsérvese lo dicho en el problema 16.

19.—**Trazado de tangentes interiores a dos circunferencias.**—1.º *Procedimiento.*—1.º Trácese una circunferencia de centro O, con radio igual a la suma de los radios de las dos circunferencias propuestas, 2.º, hállese el punto medio M entre OO'; 3.º, desde M y con radio MO trácese una circunferencia que corte a la auxiliar en P y P'; 4.º, únase estos puntos con el centro O' Las intersecciones de estas rectas con la circunferencia serán los puntos de tangencia. Los otros dos puntos Q y Q' se hallan por medio de paralelas a OP y O'P'

20.—2.º *Procedimiento.*—Sean O y O' los dos círculos propuestos. 1.º Hállese el punto medio M entre los centros; 2.º, desde este punto como centro trácese una circunferencia que pase por O y O'; 3.º, desde estos centros y con radio igual a la suma de los radios de las circunferencias propuestas, trácese arcos que corten a la circunferencia auxiliar en t, t' y TT'; 4.º, unanse estos puntos con sus centros respectivos y se hallarán los puntos N, N' y P, P' por donde pasan las tangentes que se buscan

21.—**Describir una circunferencia tangente interior o exteriormente a otra determinada O y que pase por un punto conocido N.**—Sea un

punto cualquiera A de la circunferencia O, y N el punto determinado por donde ha de pasar la circunferencia cuyo radio se busca. 1.º Unanse con A el centro O y el punto N; 2.º, levántese una perpendicular en el punto medio de AN. La intersección de esta perpendicular con OA, será el centro O' de la circunferencia pedida.

22. — **Describir una circunferencia de radio conocido r , tangente al arco AB y que pase por el punto N situado fuera de éste.** — Sean el arco AB, O su centro, y N o N' un punto cualquiera. 1.º Trácese una recta indefinida desde el centro O y desde su intersección con el arco AB cójense al interior y al exterior del arco dos distancias iguales a r ; 2.º, háganse pasar por éstos puntos arcos concéntricos de AB; 3.º, desde los puntos N y N', con radio r , córtense estos arcos auxiliares. Los puntos O' y O'' serán los centros de las circunferencias pedidas. Para hallar los puntos de tangencia bastará unir los referidos centros O' y O'' con O.

23. — **Trazar una circunferencia de determinado radio.**

1.º **Tangente a dos arcos C y C', y 2.º, al arco C y a la recta AB.** — Sígase el mismo procedimiento que el problema anterior.

24. — **Trazar una circunferencia tangente a otra dada O y a una recta B en un punto determinado N de ésta.** — 1.º Levántese una perpendicular en el punto N y prolonguese; 2.º, a ambos lados del punto N, tómesese una distancia NC, NC' igual al radio de la circunferencia O únense estos puntos C y C' con O y levántense perpendiculares en medio de dichas rectas. En las intersecciones de estas perpendiculares con la perpendicular levantada en el punto N se hallarán los centros de las dos circunferencias tangentes que satisfacen al problema.

CUARTA LAMINA

25. — **Construir un círculo de radio conocido r .**

1.º **Que pase por el punto N y sea tangente a la recta dada AB.** — 1.º Trácese una paralela a distancia r de AB; 2.º, desde el punto N córtese dicha paralela con un arco de radio r . La intersección del arco con la paralela determinará el centro de la circunferencia pedida.

2.º **Que pase por el punto N y sea tangente al círculo O.** — Resuélvase de análoga manera.

26. — 3.º **Que sea tangente a dos rectas concurrentes AB y CD.** — Constrúyanse las paralelas como en el problema anterior. En su intersección se hallará el centro del círculo que se desee. Para hallar el punto de tangencia bájese una perpendicular a cada una de las rectas, desde el centro hallado.

27. — 4.º **Que sea tangente a una recta AB y**

a un círculo O. — 1.º Hállese de manera análoga a la anterior el centro O'; 2.º, únase el centro O con O', esta recta pasará por el punto de tangencia.

28. — 5.º **Que sea tangente a dos círculos O y O'.** — 1.º Desde O y O' trácense dos arcos que se corten, tomando por radio la suma de r con el radio propio de cada círculo. El punto de intersección será el centro que se trata de buscar. Para hallar los puntos de tangencia únense, dos a dos, los tres centros.

29. — **Construir un círculo de radio desconocido:**

1.º **Que sea tangente a la recta AB en N y al círculo O.** — 1.º *Procedimiento.* — 1.º Levántese en N una perpendicular y tómesese ND igual a OC; 2.º, únense los puntos O y D; 3.º, levántese una perpendicular en el punto medio de dicha recta. La intersección de esta perpendicular y la del punto N proporcionará el punto O' centro del que se desea obtener.

El mismo problema. — 2.º *Procedimiento.* — 1.º Levántense las perpendiculares a AB que pasen por el punto N y por el centro O del círculo propuesto hasta cortarlo en D; 2.º, únase N con D. El punto de intersección de esta recta con el círculo O es el punto de tangencia. Para hallar el centro O', hágase pasar una recta por esta intersección desde el centro O. El punto donde se corta esta recta con la perpendicular en E, será el centro del círculo pedido.

30. — 2.º **Que sea tangente a una recta AB y al círculo O en N.** — 1.º Trácese desde O una recta indefinida que pase por N; 2.º, levántese en este punto una perpendicular a dicha recta prolongándola hasta que corte a la recta AB en C; 3.º, desde este punto como centro, trácese el arco NM; 4.º, desde estos puntos trácese la bisectriz del ángulo \widehat{NCM} que cortará en O' a la recta ON. Este punto O' es el centro del círculo pedido.

31. — 3.º **El mismo problema.** — Resuélvase como el problema 29. (2.º procedimiento.)

32. — 4.º **Que sea tangente a dos círculos O y O' dado el punto de contacto con uno de ellos.** — 1.º Trácese la recta O'N, y a partir de N tómesese sobre dicha recta una distancia NB igual al radio del círculo menor; 2.º, únase el punto B con O y levántese la perpendicular en su punto medio. En la intersección O'' de esta perpendicular y de la recta O'N se encontrará el centro del círculo que se pide.

QUINTA LAMINA

33. — **Enlazar dos rectas AB y CD por medio de dos arcos, conociendo los dos puntos de contacto M y N y el radio r del arco menor.** — 1.º Levántense perpendiculares en los puntos M y N; 2.º, llévase en cada una de ellas y a partir de su pie, distancias iguales a r ; 3.º, únense E y F y levántese la perpendicular en su punto medio H. La intersección

D entre esta perpendicular y la que se levantó en el punto M, será el centro del arco MG. Para hallar el punto G, trácese una recta que partiendo de D pase por E. Desde este punto como centro, complétese el problema trazando el arco GN.

34.—Trazar una ojiva de altura a y anchura b determinadas.—1.º Cópese la anchura b y levántese la perpendicular en su punto medio; 2.º, desde este punto tómese OC igual a la altura a ; 3.º, trácese las mediatrices entre los puntos A y C, así como entre B y C. Los puntos 1 y 2 de intersección de dichas mediatrices con la recta AB son los centros de los arcos que forman la ojiva.

35.—Trazar un arco carpanel de altura y anchura conocidas; a y b .—1.º Levántese la mediatriz de AB; 2.º, desde el punto O como centro trácese una semicircunferencia; 3.º, señálese sobre la mediatriz la altura OC del arco carpanel y únase el punto C con los extremos A y B de la anchura; 4.º, desde C como centro, con radio igual a CF, descríbese una circunferencia; 5.º, en medio de cada uno de los segmentos AD y BE, levántese perpendiculares que determinarán los puntos 1, 2 y 3 que son los tres centros con los que se podrá construir el arco propuesto.

36.—Trazar un ovoide conociendo su anchura b .—1.º Tomando AB como diámetro trácese una circunferencia; 2.º, perpendicularmente a AB trácese otro diámetro; 3.º, únense con rectas indefinidas 2 y 4, 3 y 4; 5.º, haciendo centro sucesivamente en 2, 3 y 4, llévense los tres arcos con un trazo continuo.

37.—Trazar un ovoide de altura a y anchura b conocidas.—1.º Trácese A'B' igual AB y tomándola como diámetro trácese una circunferencia; 2.º, perpendicularmente a AB trácese otro diámetro y prolonguese; 3.º, tómese desde D' una altura D'C' igual a la propuesta; 4.º, desde los puntos extremos A y B llévense distancias iguales a C'E en F y G respectivamente; 5.º, levántense las mediatrices de EF y EG que corten el diámetro A'B' en 4 y 2. Los puntos 2, 3 y 4 son los centros de los arcos que satisfacen al problema.

38.—Trazar un óvalo o falsa elipse conociendo el eje mayor a .—1.º Trácese el eje mayor y divídase en tres secciones iguales; 2.º, descríbanse las circunferencias O y O'; 3.º, únense con rectas indefinidas los puntos de intersección de estas circunferencias. Desde los puntos 1, 2, 3 y 4 como centro, trácese los arcos que forman el óvalo.

39.—Trazar un óvalo conociendo sus dos ejes a y b .—Su trazado es exactamente igual que el del arco carpanel. (Problema 35.)

40.—Trazar una falsa espiral mediante un cuadrado.—1.º Constrúyase un polígono regular cualquiera, v. gr.; un cuadrado; 2.º, prolonguense sus cuatro lados. Haciendo sucesivamente centro en 1, 2, 3 y 4 descríbanse cuadrantes que enlazados uno con otro, con trazo continuo, formarán la falsa espiral.

SEXTA LAMINA

Las molduras.—Constituyen las molduras una especie de nervadura que determina y afirma el carácter de la obra a que se aplican. Divídense según su perfil en planas y curvas, y éstas en convexas, cóncavas y mixtas.

Molduras *planas* son; el filete, el plafón, el plinto y la ceja.

Las principales molduras curvas *convexas* son; el junquillo, el toro y el cuarto bocel. Las principales molduras *cóncavas* son: el imóscapo, el sumóscapo, la mediacaña, el esgucio, el tronquillo y la escocia.

Las molduras *mixtas* son: el talón y la gola.

El cuarto bocel, el esgucio, el talón y la gola se llaman *rectos* cuando ocupan la parte superior de la figura, e *inversos* cuando ocupan la parte inferior.

Trazado del talón y de la gola.—1.º *Procedimiento.*—1.º Unanse con una recta ab los extremos; 2.º, levántese la mediatriz; 3.º, tomando por centro sucesivamente a , b y c , con radio ac o bc trácese arcos que se corten. Desde las intersecciones O y O' de los arcos constrúyase el talón o la gola.

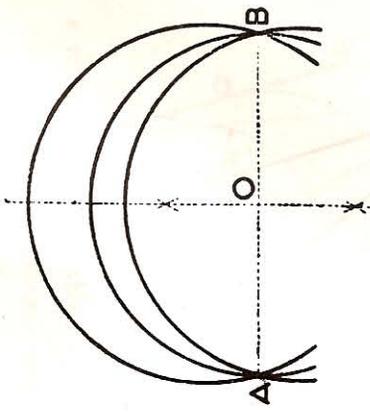
2.º *Procedimiento.*—1.º Trácese la recta ab ; 2.º, levántese la mediatriz; 3.º, levántese la mediatriz del segmento bc así como la de ac . Las intersecciones O y O' de estas mediatrices con las paralelas entre las que se construye el talón, o las perpendiculares levantadas en los extremos de la gola, serán los centros de los arcos que formarán ambas molduras.

Trazado de la escocia.—1.º Determinense los dos extremos a y b y levántense perpendiculares en ellos desde sus extremos; 2.º, tómense en estas perpendiculares dos segmentos iguales ac y bd ; 3.º, únense estos dos puntos cd y levántese su mediatriz; 4.º, la intersección O de esta mediatriz con la perpendicular levantada en el punto b será el centro de uno de los arcos de la escocia. Para hallar el punto de enlace con el otro arco únase con una recta el punto O con c y prolonguese. En esta recta terminará el primer arco que por medio de otro arco de radio ac acabará la construcción deseada.

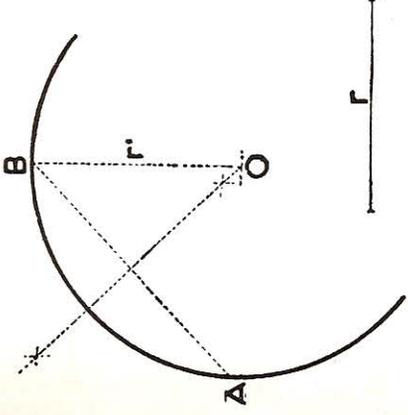
PROBLEMAS

DIBUJO GEOMETRICO

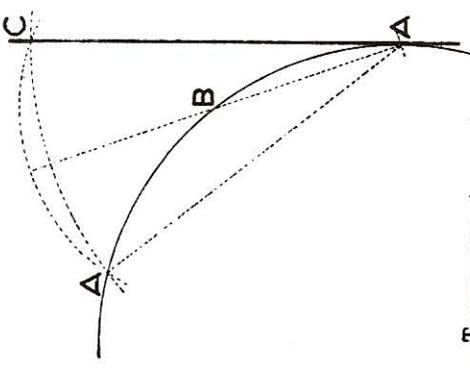
LAMINA I.



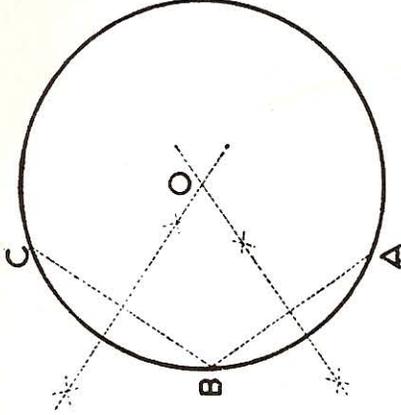
1.—Hacer pasar varias circunferencias por dos puntos dados.



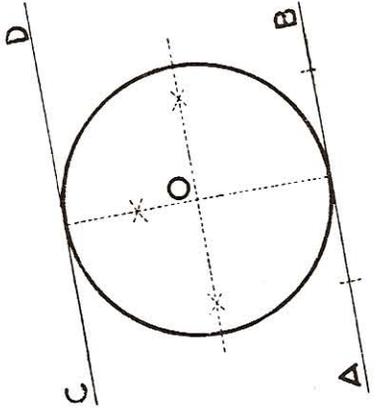
2.—Hacer pasar un arco de radio conocido por dos puntos dados.



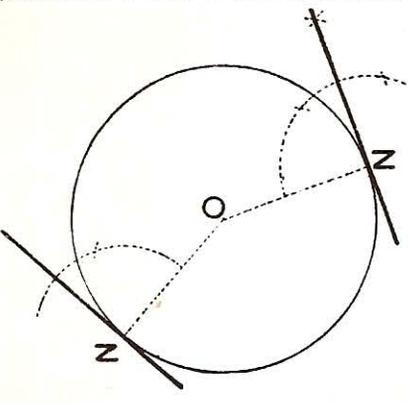
5.—Trazar una tangente a una circunferencia cuyo centro no se alcanza en el dibujo.



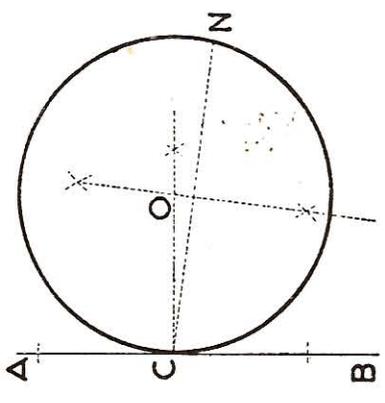
3.—Hacer pasar una circunferencia por tres puntos A, B y C que no estén en línea recta.



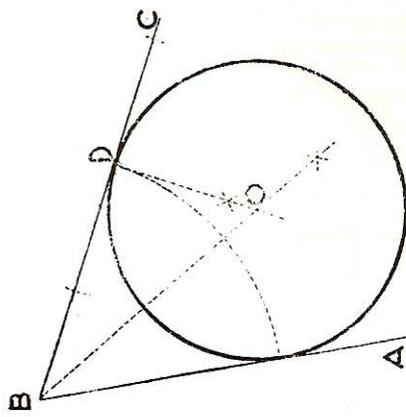
7.—Trazar una circunferencia tangente a dos rectas paralelas AB y CD.



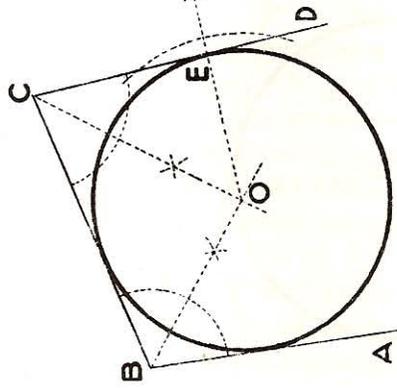
4.—Trazar una tangente a una circunferencia en un punto cualquiera N de ella.



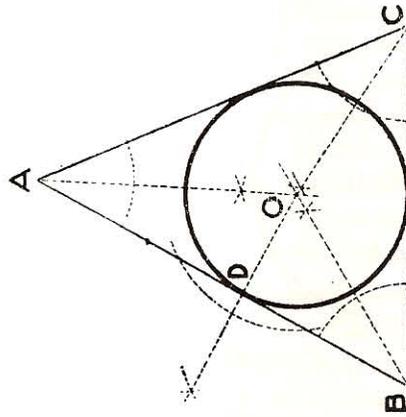
8.—Dada una recta AB, trazar una circunferencia tangente a ésta, que pase por un punto determinado N



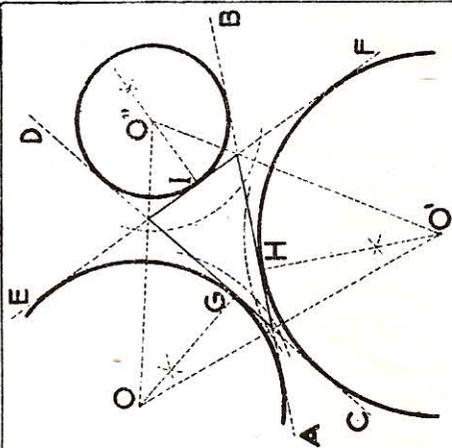
9.—Describir una circunferencia tangente a los lados de un ángulo, $10, ABC$.



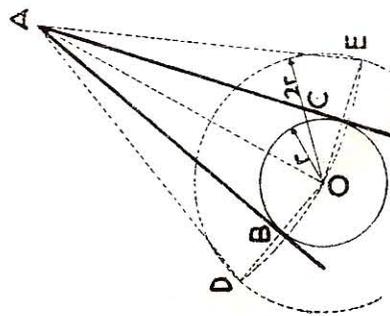
10.—Describir una circunferencia tangente a los lados de una línea poligonal convexa.



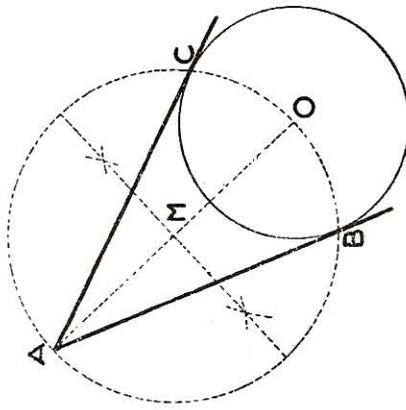
11.—Inscribir una circunferencia en un triángulo cualquiera.



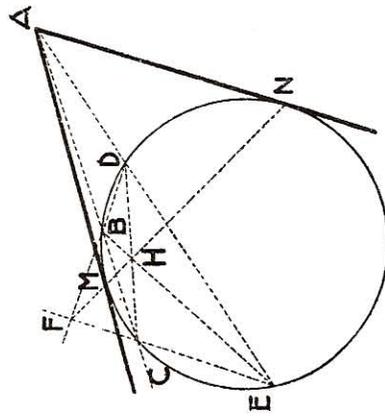
12.—Trazar tres circunferencias tangentes a los lados de un triángulo.



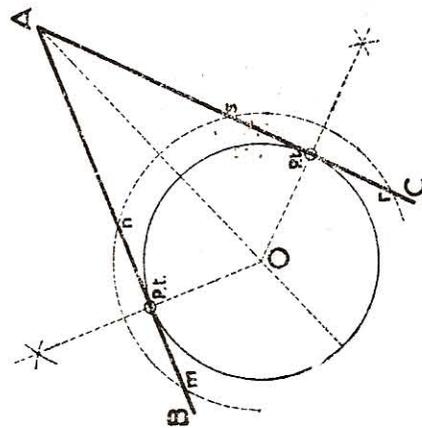
13.—Desde un punto exterior a una circunferencia trazar a ésta dos tangentes.
1.º Procedimiento



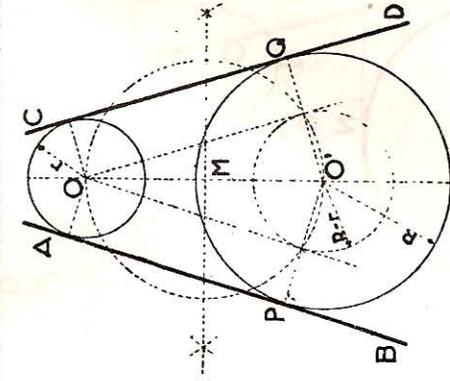
14.—Id. 2.º Procedimiento.



15.—Id. 3.º Procedimiento.

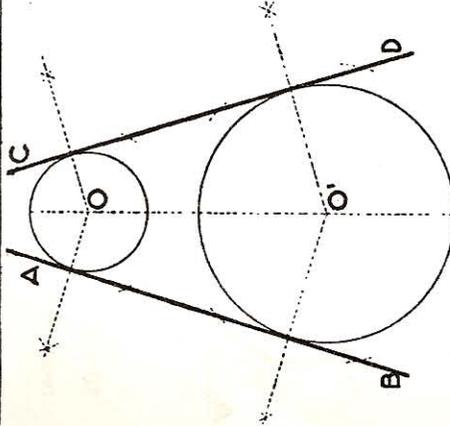


16.—Id. 4.º Procedimiento.



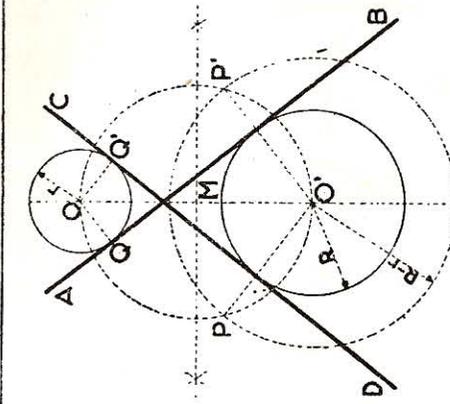
Trazado de tangentes exteriores a dos circunferencias

17 —1 er Procedimiento

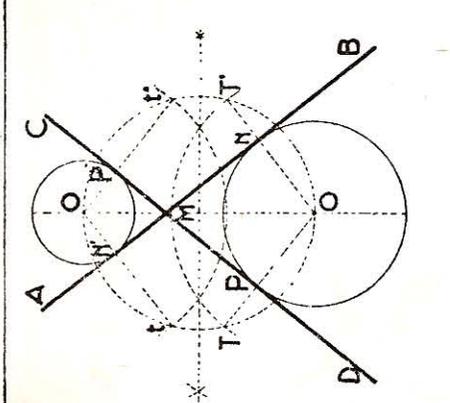


Trazado de tangentes interiores a dos circunferencias

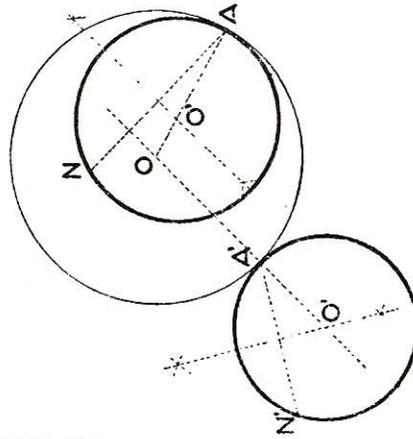
18 —2° Procedimiento



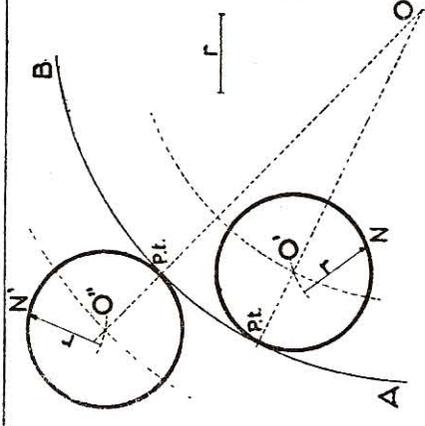
19 —1 er Procedimiento



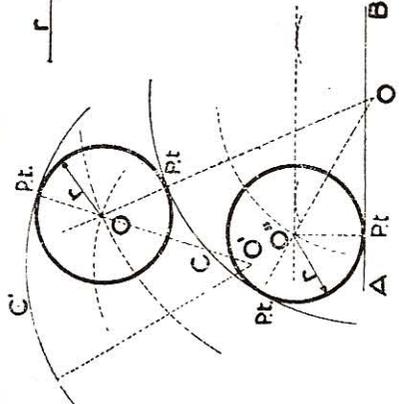
20 —2° Procedimiento



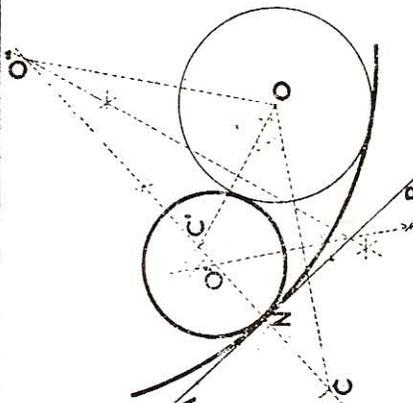
21 — Describir una circunferencia tangente interior o exterior a otra determinada O, y que pase por el punto conocido N.



22 — Describir una circunferencia de radio conocido, tangente al arco AB y que pase por el punto N situado fuera de dicho arco



23.—Trazar una circunferencia de radio determinado
1° tangente a dos arcos C y C'
2° tangente al arco C y a la recta AB

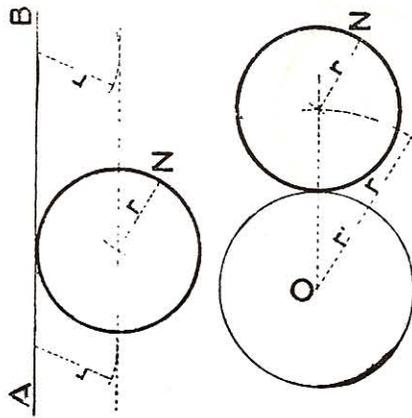


24 —Trazar una circunferencia tangente a otra dada O y a una recta AB en un punto determinado N de dicha recta

PROBLEMAS

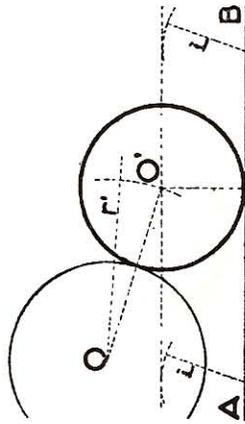
LAMINA 4^a

DIBUJO GEOMETRICO

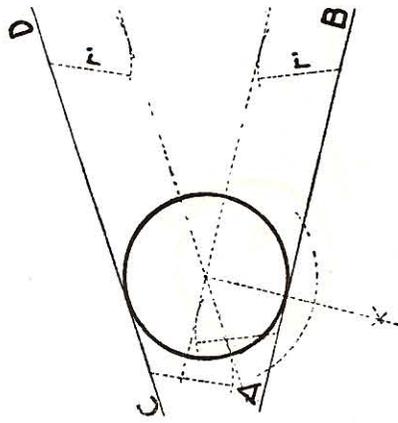


25—1° Que pase por el punto N
y sea tangente a una recta dada AB.
2° Que pase por el punto
N y sea tangente al círculo O.

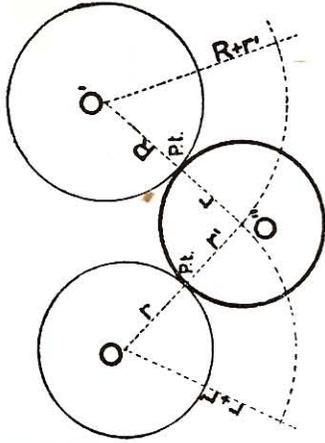
Construir un círculo de radio conocido r



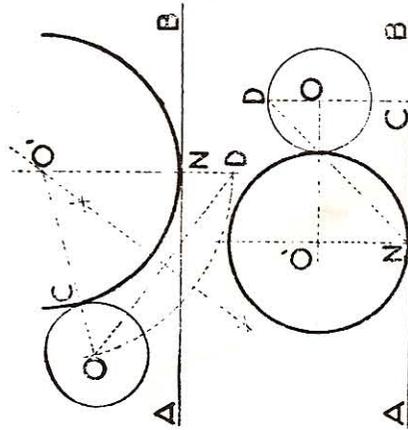
27—4° Que sea tangente a una
recta AB y a un círculo O.



26.—3° Que sea tangente a dos
rectas concurrentes AB y CD.

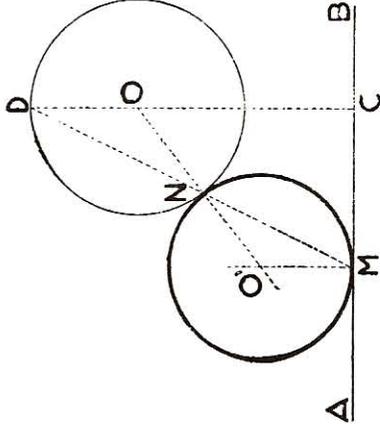


28.—5° Que sea tangente a dos
círculos O y O'.

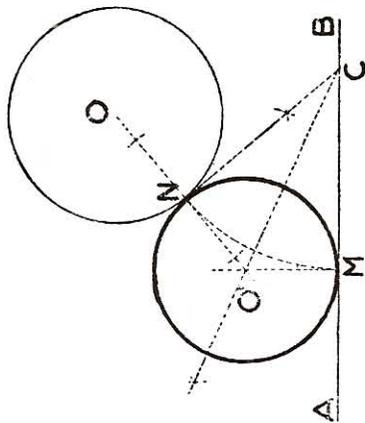


29.—1° Que sea tangente a la
recta AB en N y al círculo O
Dos procedimientos.

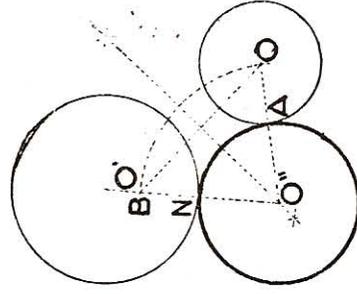
Construir un círculo de radio desconocido



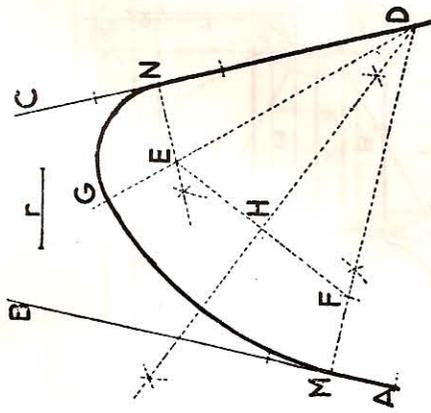
31.—3° Id. Otro procedimiento.



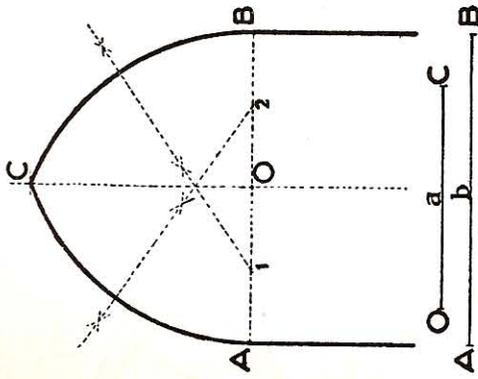
30—2° Que sea tangente a una
recta AB y al círculo O en el
punto N.



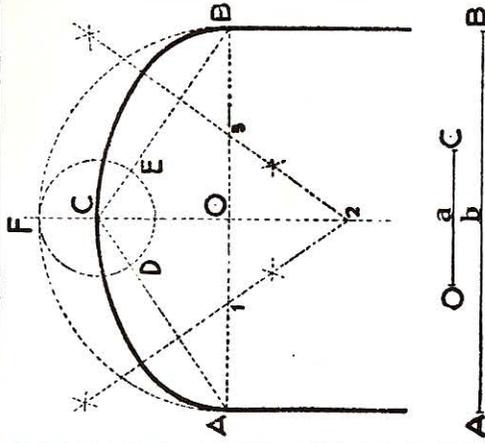
32.—4° Que sea tangente a dos
círculos O y O' dado el punto de
contacto con uno de ellos.



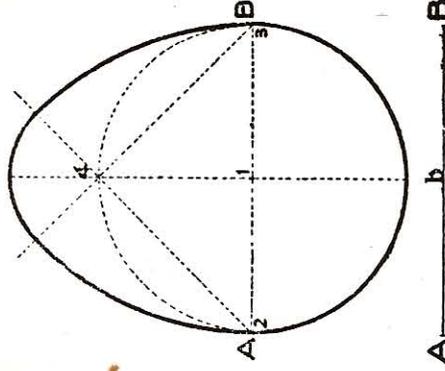
33 - Enlazar dos rectas AB y CD por medio de dos arcos, conociendo los dos puntos de contacto M y N y el radio r del arco menor.



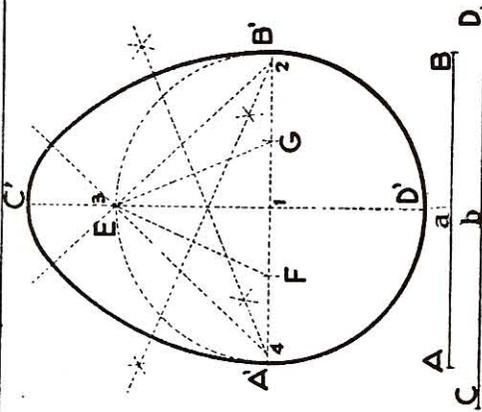
34.-Trazar una ojiva de altura a y anchura b determinadas.



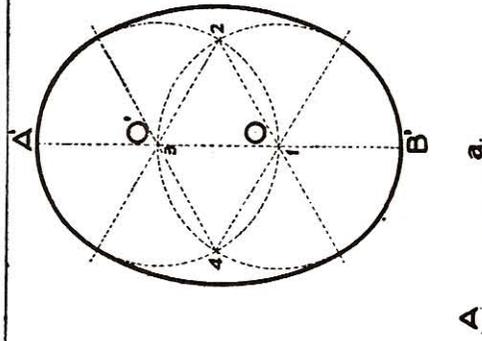
35.—Trazar un arco carpanel de altura a y anchura b conocidas.



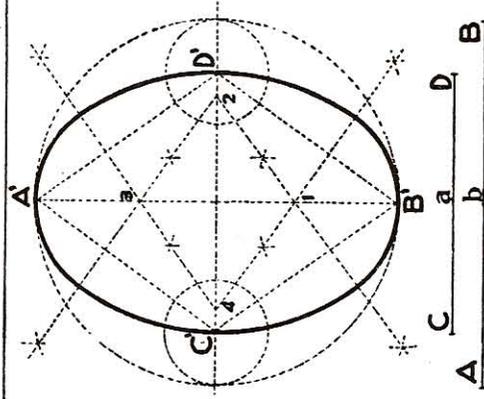
36.—Trazar un ovoide conociendo su anchura b .



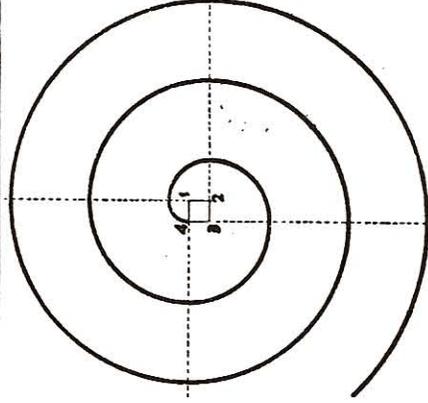
37 -Trazar un ovoide de altura a y anchura b conocidas.



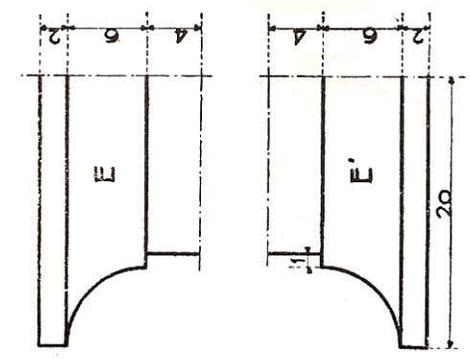
38.—Trazar un óvalo o falsa elipse conociendo el eje mayor a .



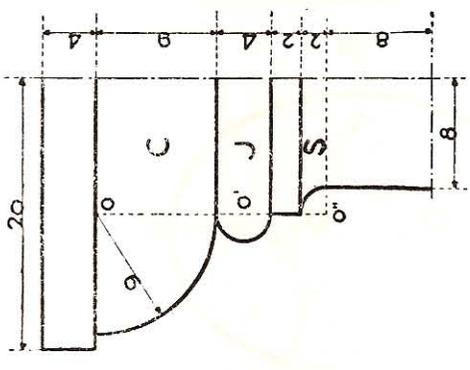
39.—Trazar un óvalo conociendo sus dos ejes a y b .



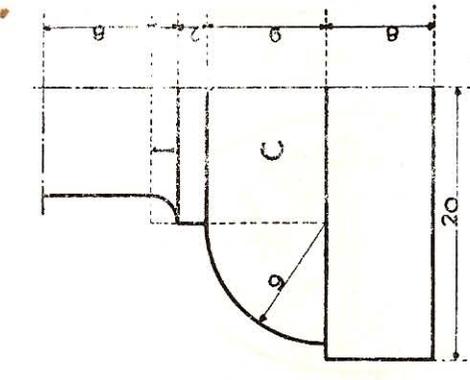
40.—Trazar una falsa espiral mediante un cuadrado.



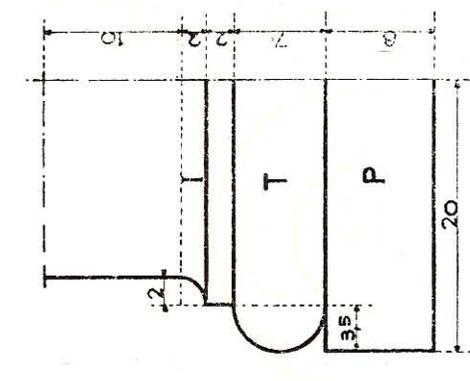
E==esgucio.
E'==esgucio inverso.



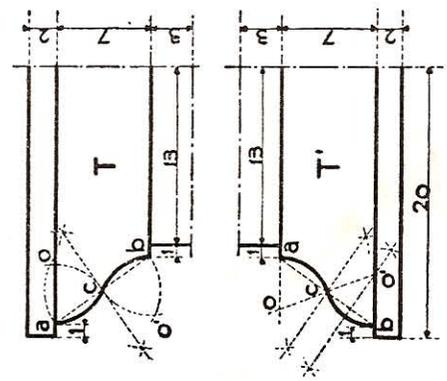
C=cuarto bocel. J-junquillo.
S=sumóscapo.



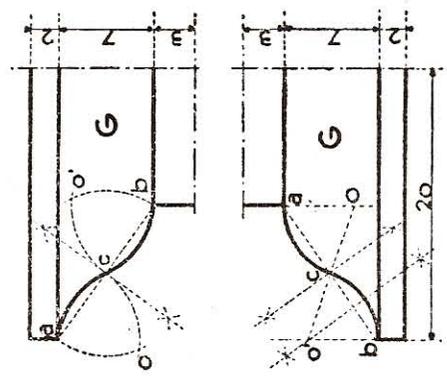
I=imóscapo.
C=cuarto bocel inverso.



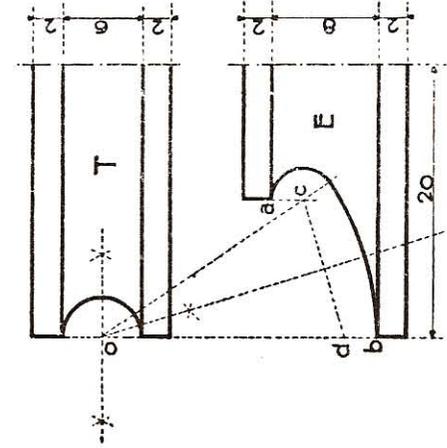
I=imóscapo.
P=plinto.
T=toro.



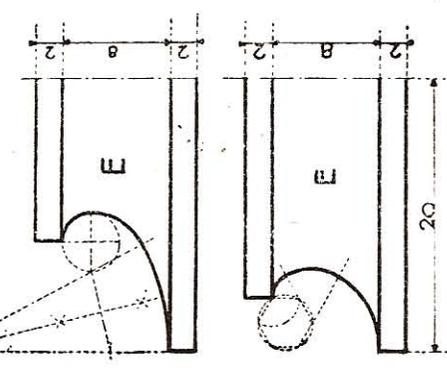
T=falón.
T'=falón inverso.



G=gola.
G'=gola inversa.



T=troquillo.
E=escocia.



Otros trazados de la escocia

Reprodúzcanse estas molduras a escala de 25 mm por decímetro (1/4)

Dóteras Griegas

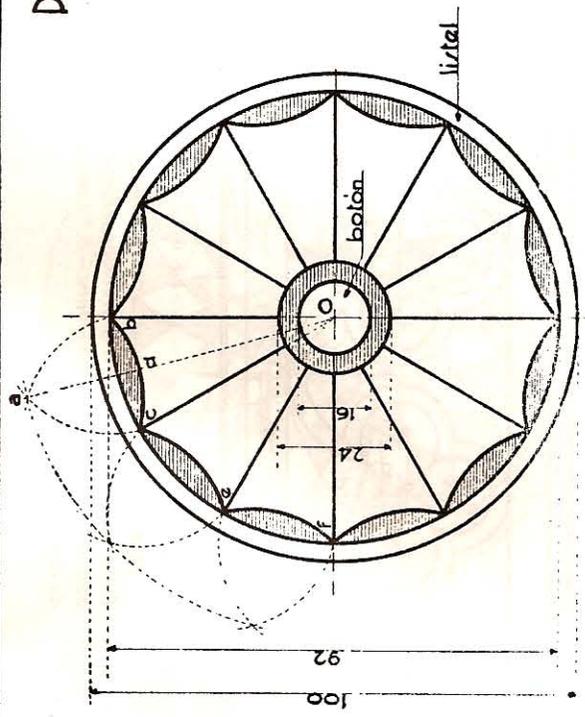


FIG. 1

TRAZADO

- 1.º Los ejes.
- 2.º Las circunferencias concéntricas
- 3.º División de la circunferencia.
- 4.º Trazar los radios.
- 5.º Unirlos por medio de arcos.
- 6.º Completar el dibujo con el sombreado

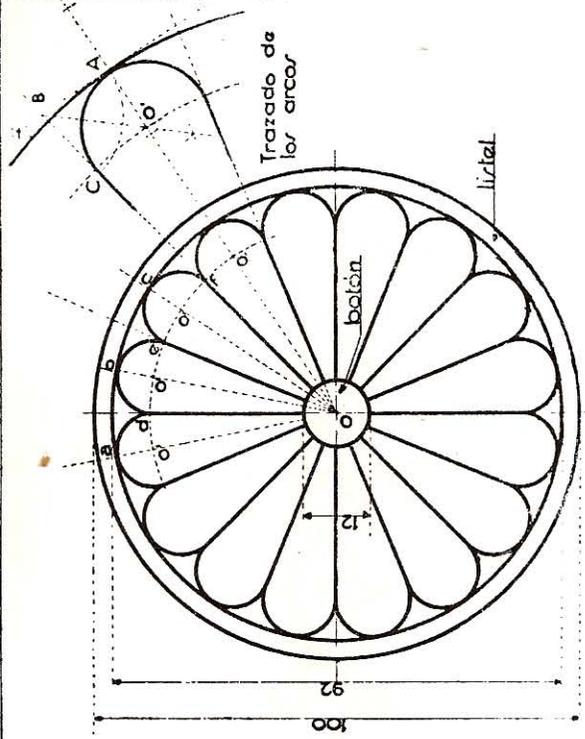


FIG. 2

Grecas

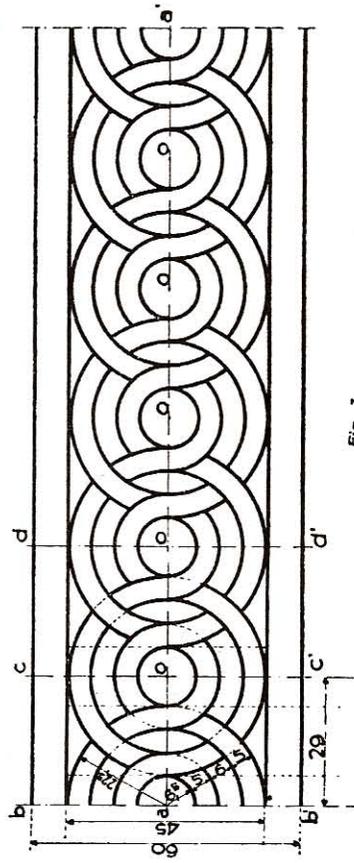


Fig. 3

- TRAZADO.—1.º El eje aa'.—2.º Los ejes bb', cc', dd'...—3.º Las circunferencias concéntricas.—4.º El listel o' borde del dibujo

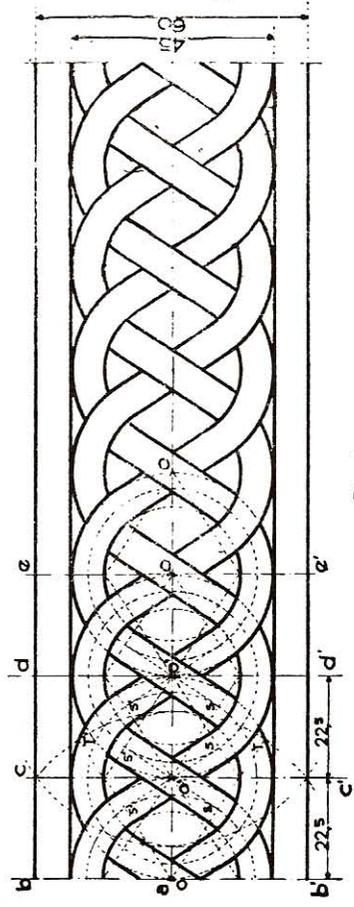


Fig. 4

- TRAZADO.—1.º Los ejes.—2.º Las circunferencias concéntricas, de 22.5, 18.5 y 14.5 mm. de radio.—3.º Las circunf. auxiliares acc'...—4.º Unirse el centro a con el punto T, intersección de la circunf. auxiliar con la circunferencia mayor del dibujo.—5.º Señálense los puntos s, s' que son los p. t. de las circunf. centrales.—6.º Repítase la operación desde cada centro y complétese.

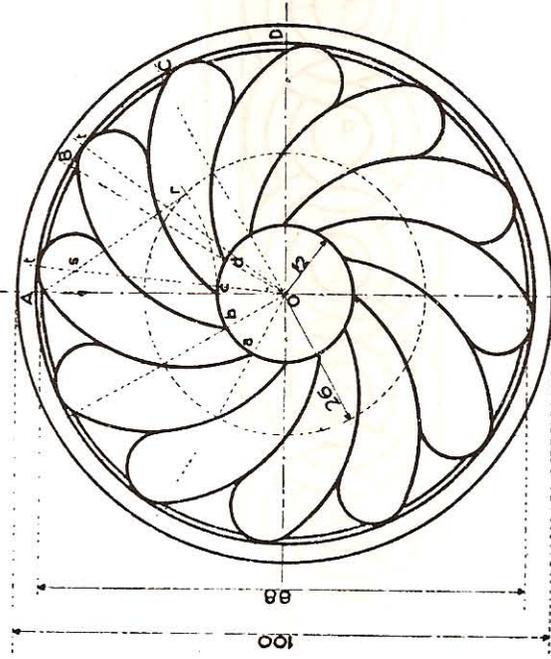


FIG. 1

TRAZADO DE LAS FIGURAS

FIG. 1

- 1.º Los ejes.
- 2.º Las circunf. concéntr.
- 3.º Dividirías en 12 partes iguales.
- 4.º Trazar la circunferencia auxiliar.
- 5.º Determinar el punto r.
- 6.º Trazar los arcos Aa, Bb... s y t.
- 7.º Determinar los puntos s y t.
- 8.º Enlazar los arcos en A.

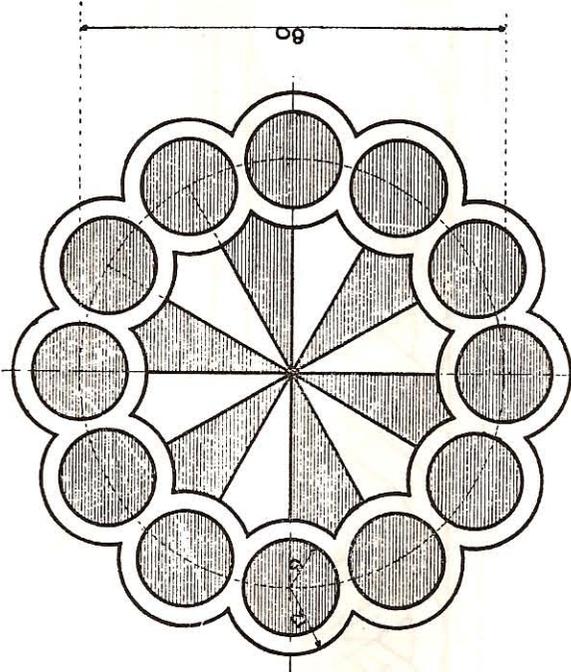


FIG. 2

FIG. 2

- 1.º La circunf. auxiliar.
- 2.º Dividiría en 12 partes.
- 3.º Trazar los círculos de la corona.

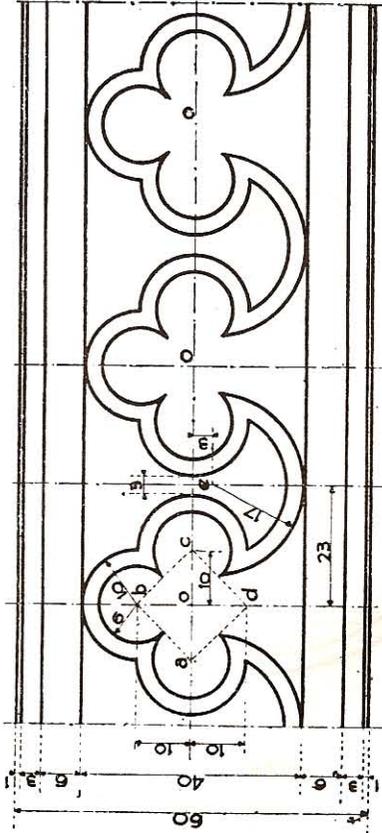


Fig. 3

- TRAZADO. - 1.º Los ejes. - 2.º Determinar el cuadrado abcd. - 3.º Desde los vértices describir arcos concéntricos. - 4.º Completar el dibujo desde e con arcos de enlace. - 5.º Limitar el dibujo con el listel de los bordes.

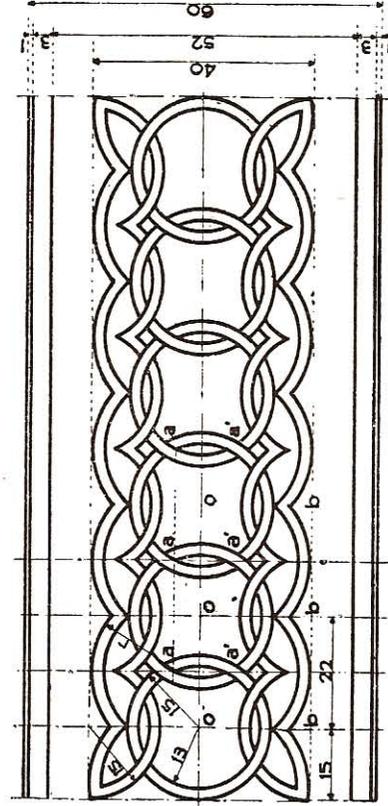


Fig. 4

- TRAZADO. - 1.º Los ejes. - 2.º Las circunf. o, o₁,... - 3.º Desde a y a' los arcos festoneados de los bordes. - 4.º Id. los enlazados con los círculos centrales. - 5.º Limitar el dibujo con el filete de los bordes.

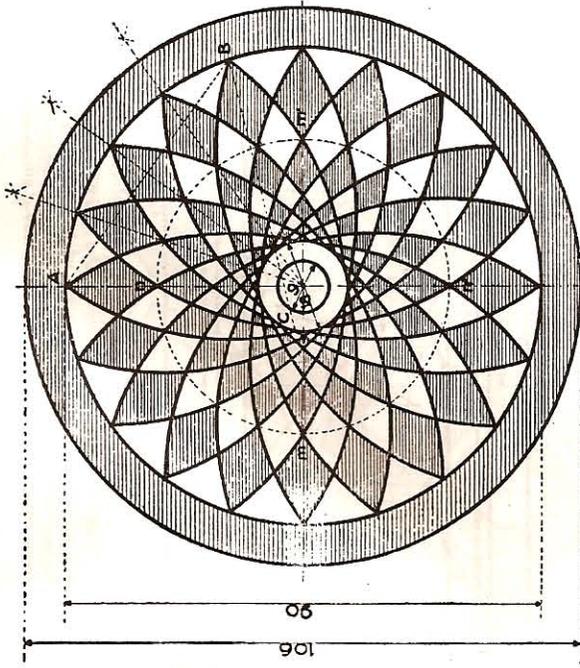


FIG. 1

TRAZADO

FIG. 1

- 1.º Los ejes.
- 2.º Los círculos concéntricos.
- 3.º Dividirse en 5 partes, luego en 10, y finalmente en 20.
- 4.º Desde cada punto de la división, con $r = AB$ (lado del pentágono), trazar los arcos que forman el dibujo.

FIG. 2

- 1.º Los ejes.
- 2.º Los círculos concéntricos.
- 3.º Dividir los círculos en 12 partes y trazar diámetros por los puntos de división.
- 4.º Levantar la mediatriz entre C y B. El punto o' es el centro de los arcos AD y CB.

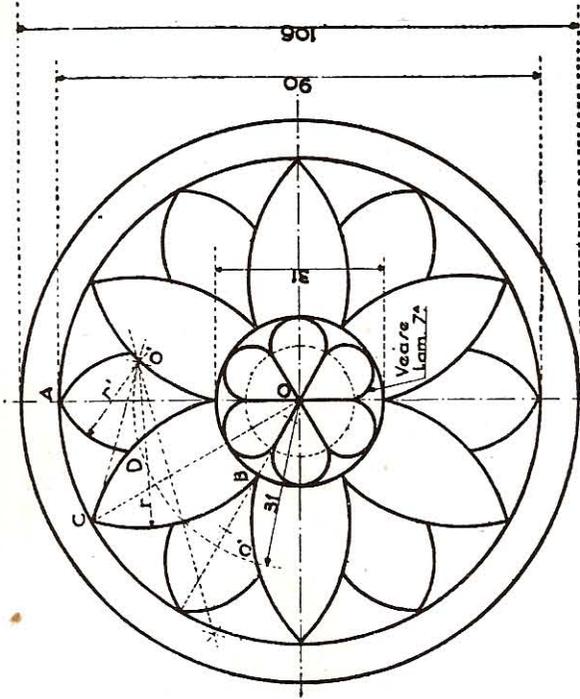


FIG. 2

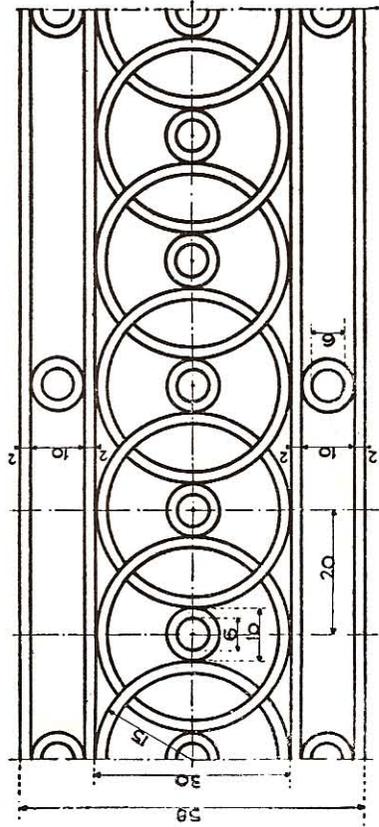


Fig. 3

- TRAZADO.—1.º Los ejes.—2.º Los círculos concéntricos.—3.º Terminar el entro lazado, evitando la confusión de líneas.—4.º Limitar el dibujo con los fletes de los bordes.

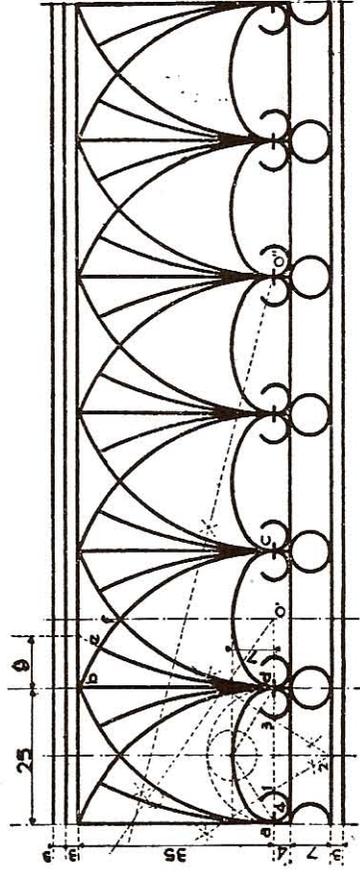


Fig. 4

- TRAZADO.—1.º Dos paralelas a 35 mm. de distancia.—2.º Los ejes verticales.—3.º Hallar los centros o' de los arcos ab.—4.º Id. o' de los arcos ac.—5.º Trazar a 4 mm. una paralela a la base.—6.º Resolver el arco carpanel.—7.º Completar dicho arco.

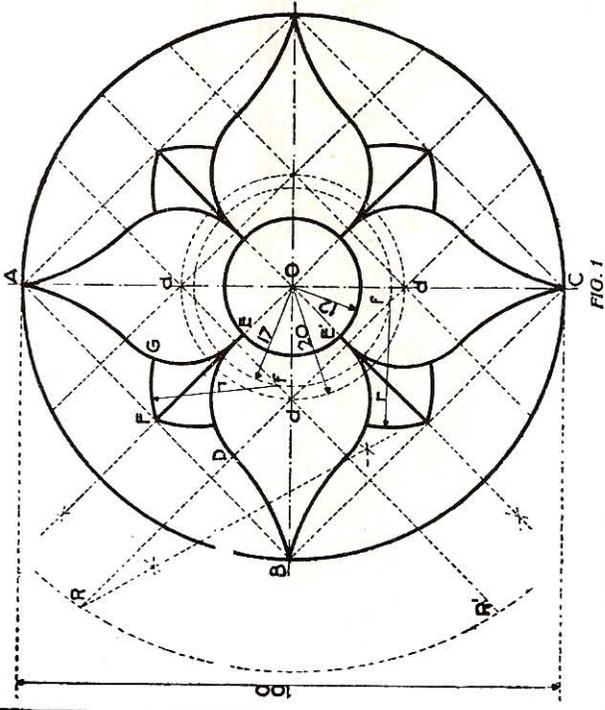


FIG. 1

TRAZADO

FIG. 1

- 1.º Los ejes.
- 2.º Los círculos concéntricos.
- 3.º Inscibir un cuadrado.
- 4.º Unir los puntos d... y prolongar las rectas.
- 5.º Trazar los arcos DE... desde los puntos d, d'...
- 6.º Levantar la mediatriz entre B y D y prolongarla hasta R.
- 7.º Desde R trazar el arco BD.
- 8.º Desde f, trazar el arco FG. Repléase la construcción y complétese el dibujo.

FIG. 2

- 1.º Los ejes.
- 2.º Todos los círculos concéntricos acotados en el dibujo.
- 3.º Resolver una de las curvas onduladas según las figs. 3 y 4.
- 4.º Llevar con circunferencia los puntos LL..., MM..., NN..., JJ...

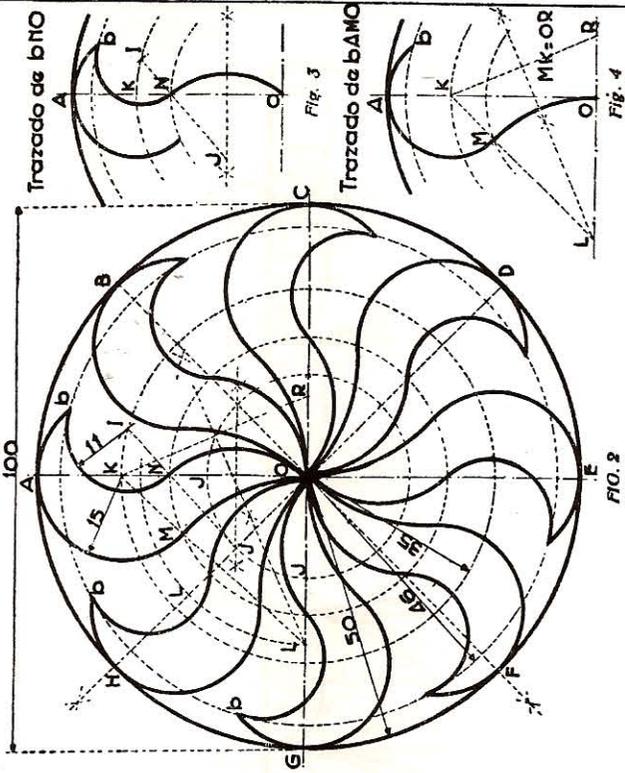


FIG. 2

Trazado de bNO

Fig. 3

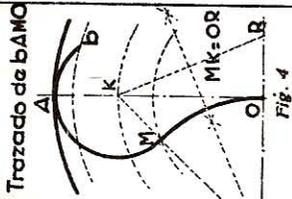


Fig. 4

Trazado de bAMO

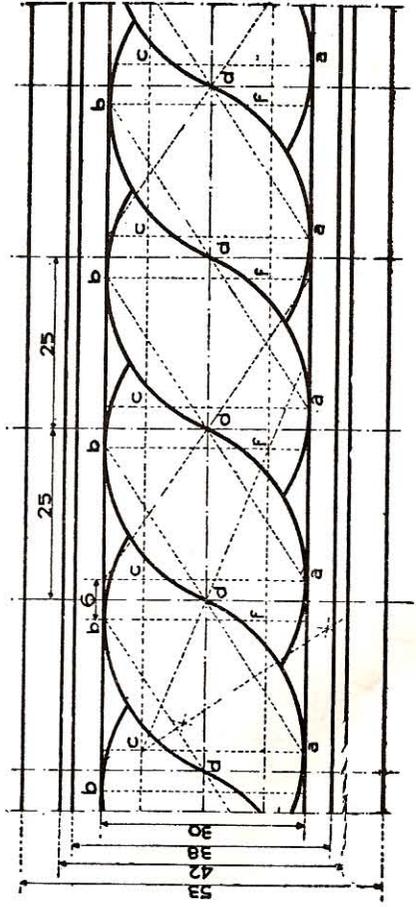


Fig 5

- TRAZADO.—1.º Los ejes horizontales y verticales.—2.º Trácese las paralelas b, b', b'', y a, a',—3.º Para hallar los puntos c y f, levántense las mediatrices de los segmentos ad y bd respectivamente.—4.º Lívense estos puntos por medio de paralelas y trácese los arcos enlazados desde dichos puntos.—5.º Complétese el dibujo con el fiere.

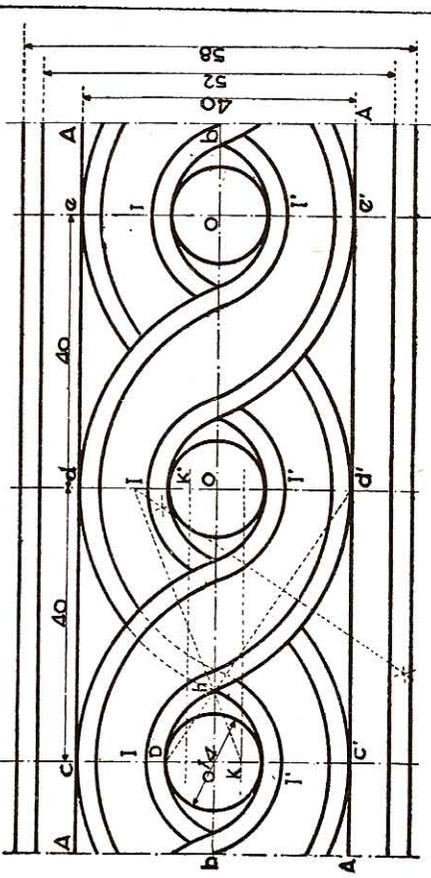
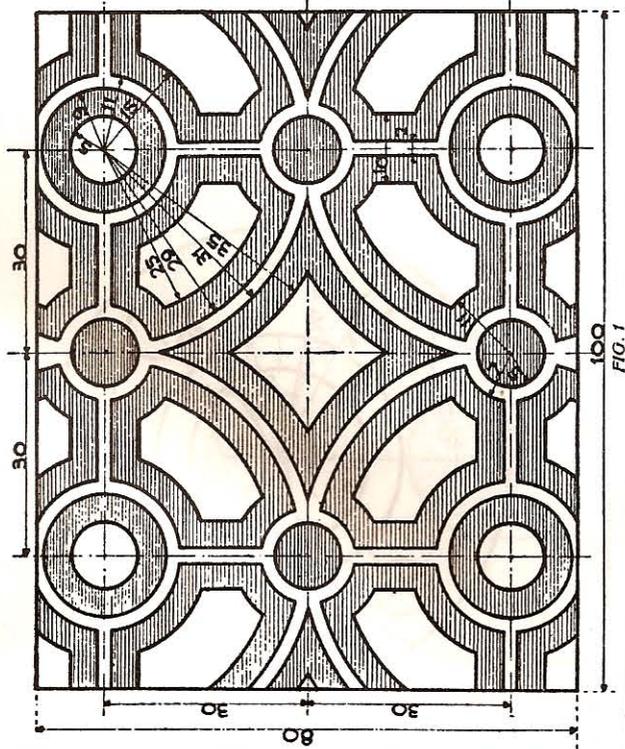


Fig 6

- TRAZADO.—1.º Los ejes.—2.º Desde O trácese círculos de 7 mm. de radio.—3.º Unase D con d' y levántese la mediatriz entre h y d'.—4.º Desde l y k como centros trácese arcos enlazados en la recta que une dichos centros.—5.º Repléase la operación en el lado opuesto.—6.º Lívense los centros a los demás ejes por medio de paralelas.—7.º Complétese el dibujo con el fiere del borde.



TRAZADO

FIG. 1

- 1.º Los ejes.
- 2.º Los arcos concéntricos.
- 3.º El sombreado.

FIG. 2

- 1.º Los ejes.
- 2.º Los círculos o' , e inscribir en ellos exágonos regulares
- 3.º Desde los vértices del polígono trazar arcos de círculo, que formen el rosetón.
- 4.º El círculo en o''

Nota. - Como los arcos y polígonos se repiten en series simétricas a los ejes, trázense sucesivamente todas las series de arcos iguales, desde sus respectivos centros.

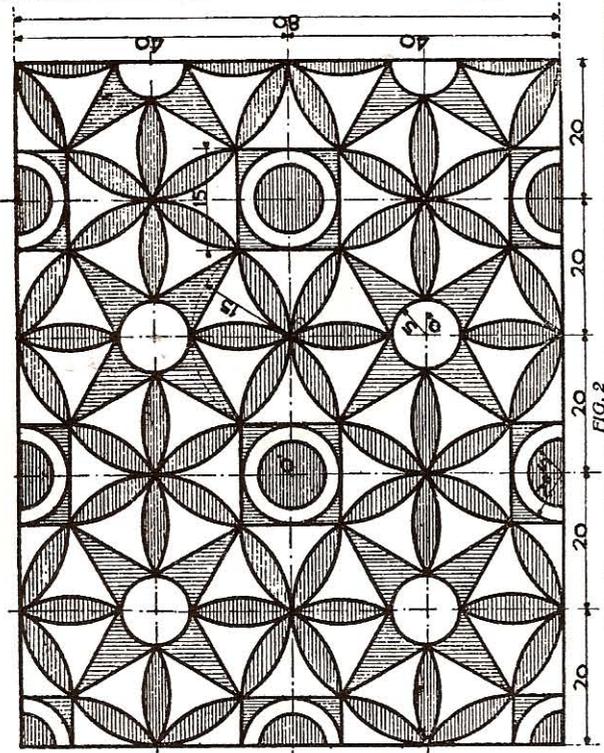


FIG. 2

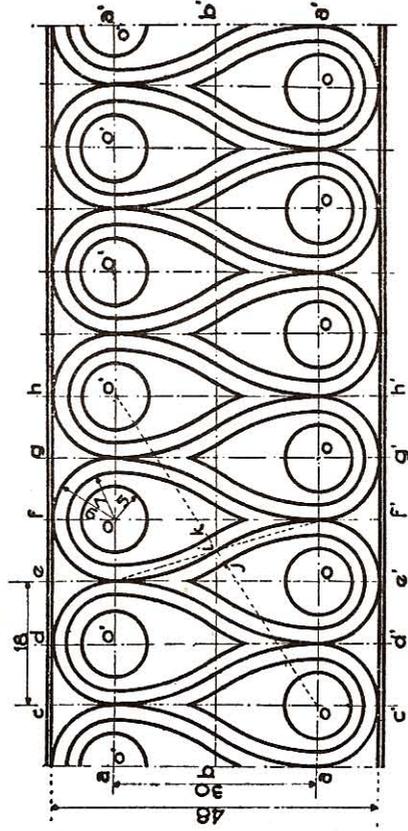


Fig. 3

TRAZADO.—1.º Los ejes horizontales aa' , bb' .—2.º Los ejes verticales cc' , dd' , ee' ,...—3.º Unase el punto o (en el eje cc'), con o' (en el eje hh').—4.º Los puntos i , j , k son los puntos de contacto de los arcos que se trazan desde o y o' respectivamente.—5.º Desde los centros o , o , o'' , o'' , o'' , o'' , trázense los arcos que completan el dibujo.

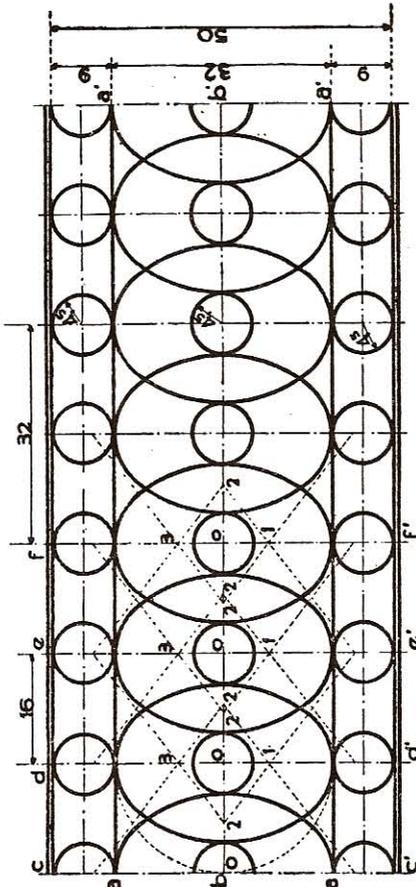
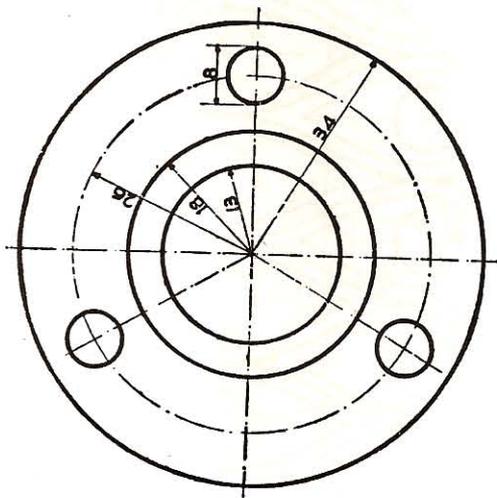


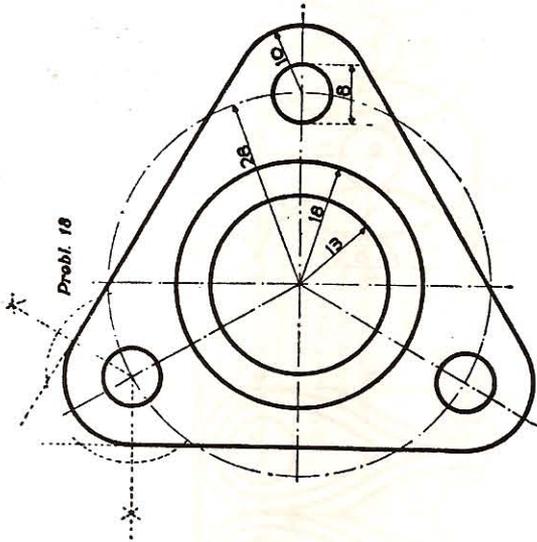
Fig. 4

TRAZADO.—1.º Los ejes horizontales aa' , bb' .—Los ejes verticales cc' , dd' , ee' ,...—3.º Los círculos o , o ,...—4.º Dados los dos ejes trázese un óvalo (P. 39).—5.º Por medio de paralelas a , b , determine los puntos 1 , 1 , 2 , 2 , 3 , 3 ,... en los ejes cc' , bb' ,...—6.º Lévese la dimensión o_2 , a uno y otro lado de los puntos o .—7.º Trázense los arcos y complétese el dibujo.



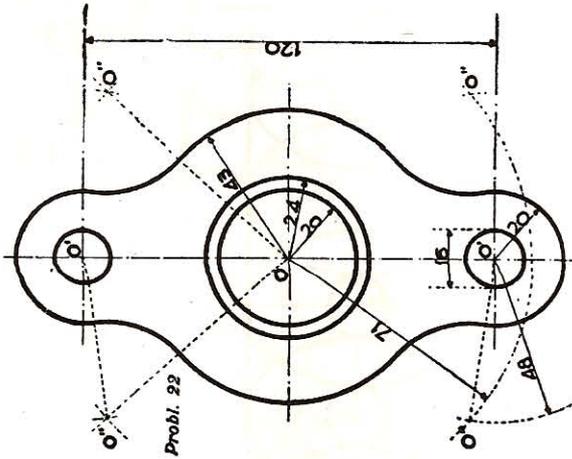
①

Escala de reproducción de 1: 1



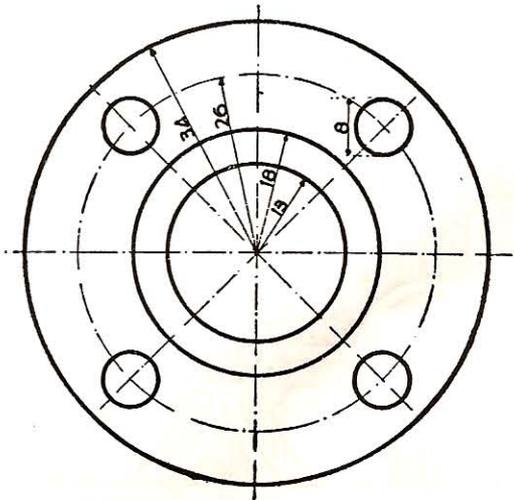
②

Escala de reproducción de 1: 1



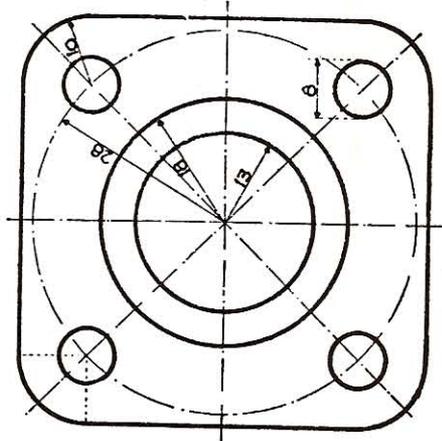
③

Escala de reproducción de 1: 1



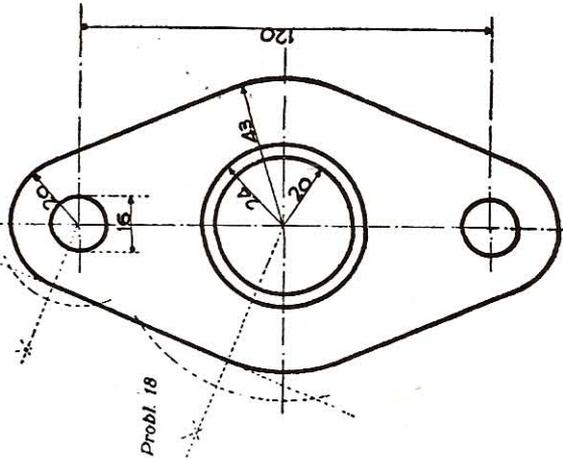
④

Escala de reproducción 1: 1



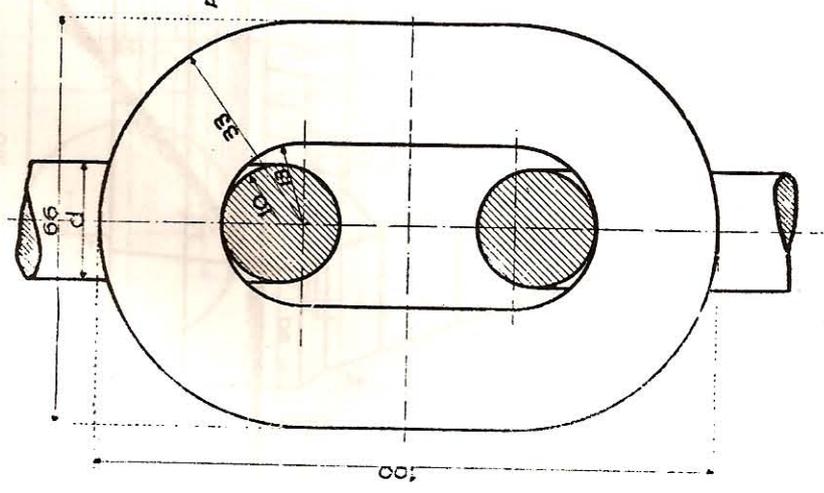
⑤

Escala de reproducción de 1: 1

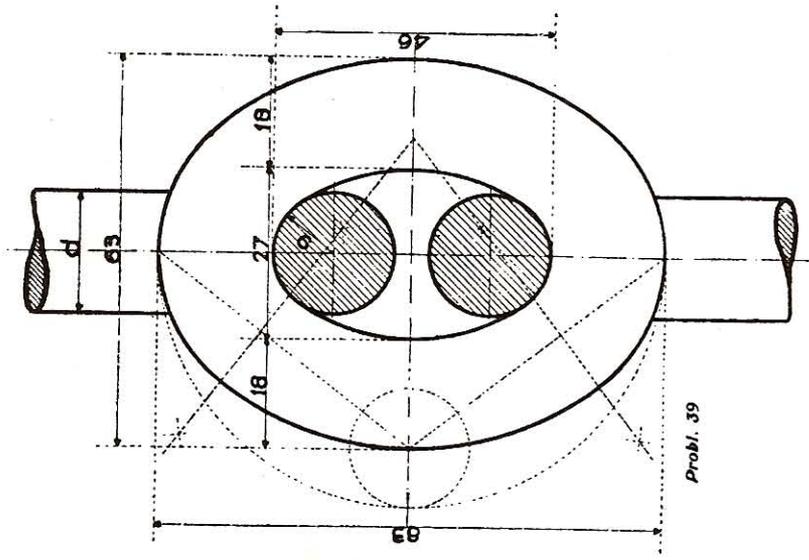


Escala de reproducción. 1: 1

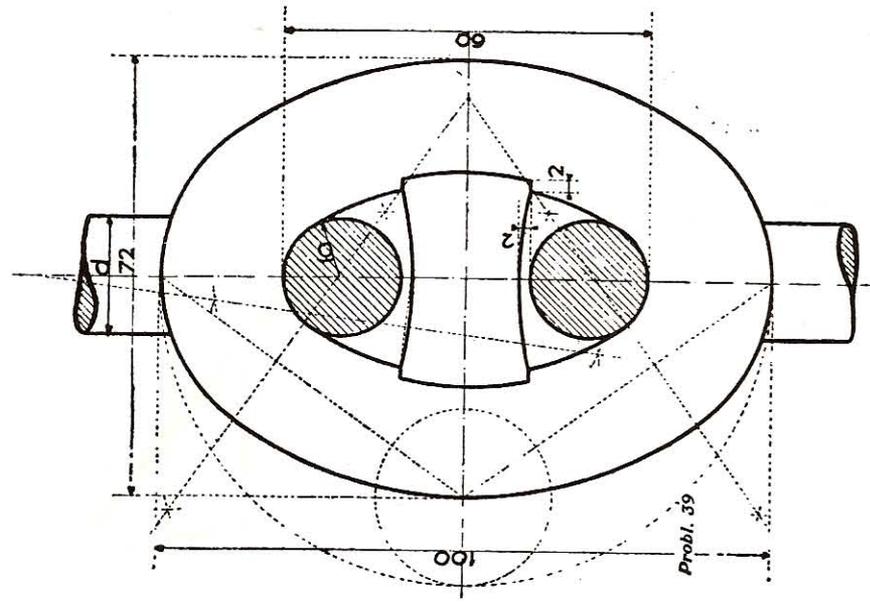
Cadenas



Probl. 7



Probl. 39



Probl. 39

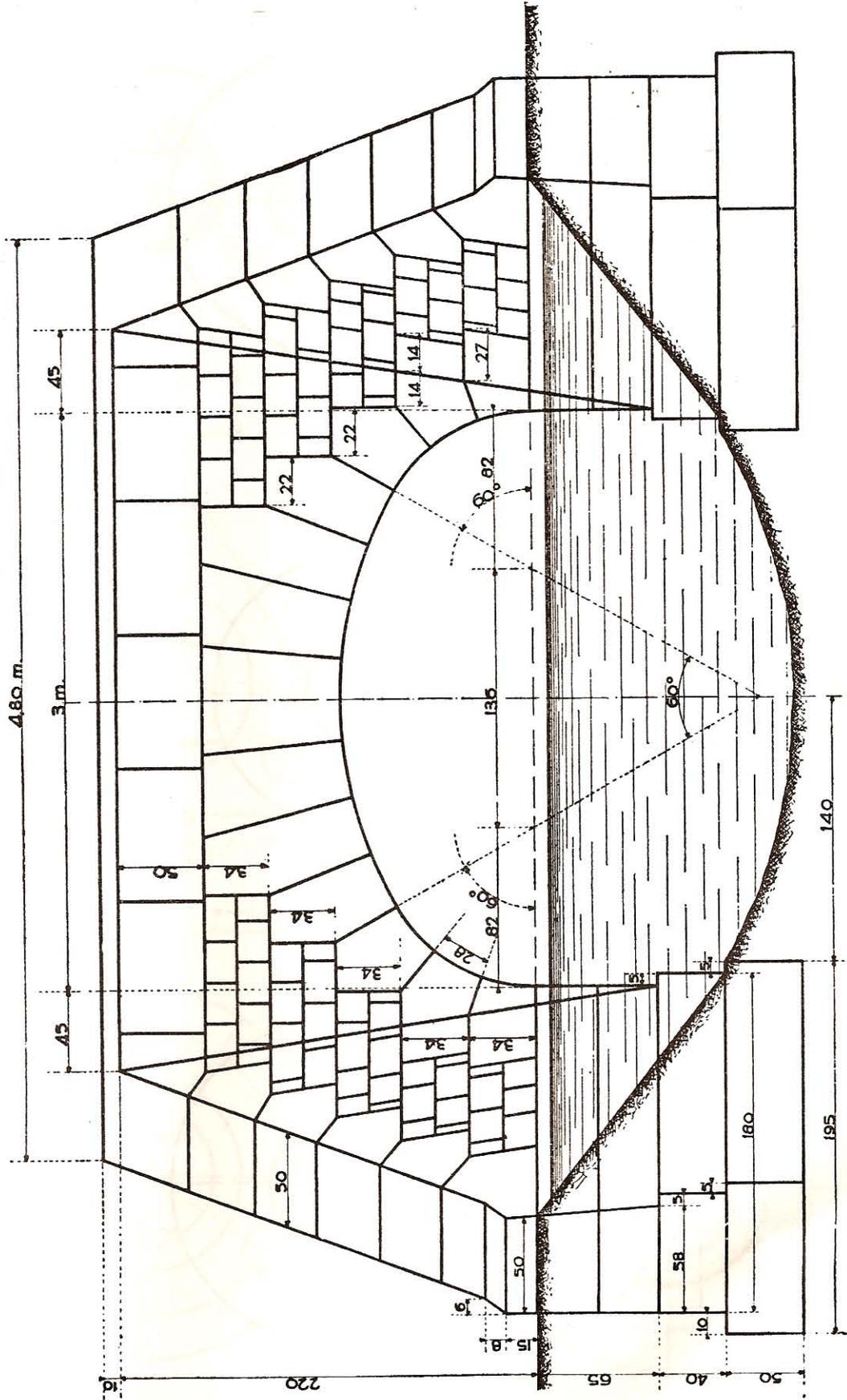
Escala de reproducción: 1 · 1

ARQUITECTURA

Puente

LAMINA A 14^a

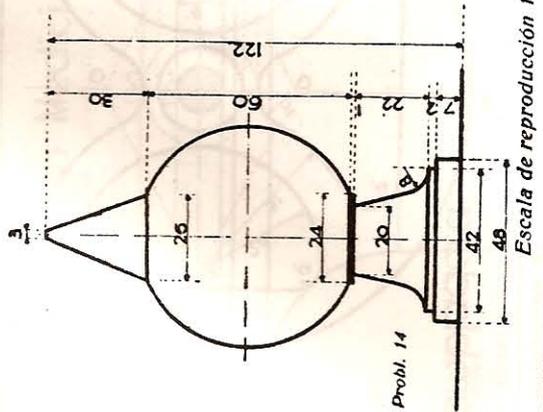
DIBUJO GEOMETRICO



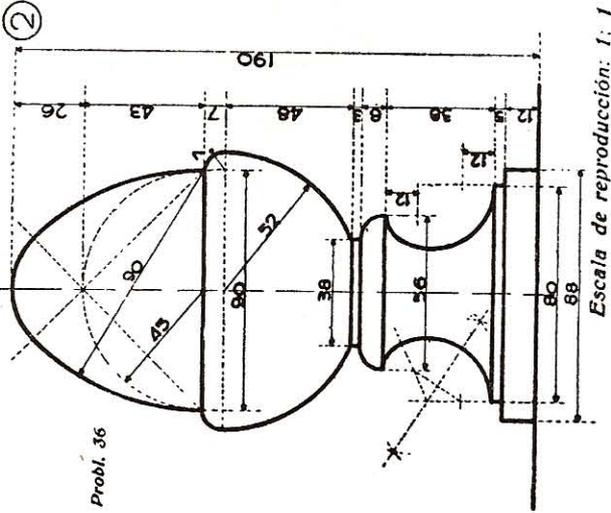
TRAZADO: 1.º Los ejes — El arco carpanel: divídase el eje mayor en los tres segmentos indicados, y trázense los ángulos de 60°. —
3.º Trácese el rayado horizontal de las piedras.

Escala de reproducción: $\left(\frac{1}{50}\right)$

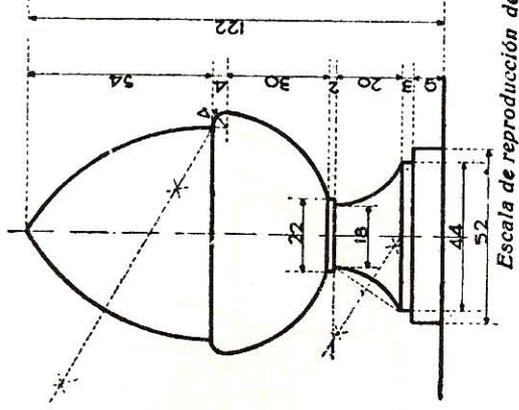
①



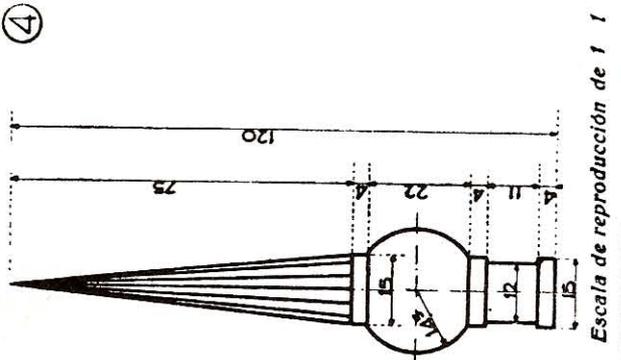
②



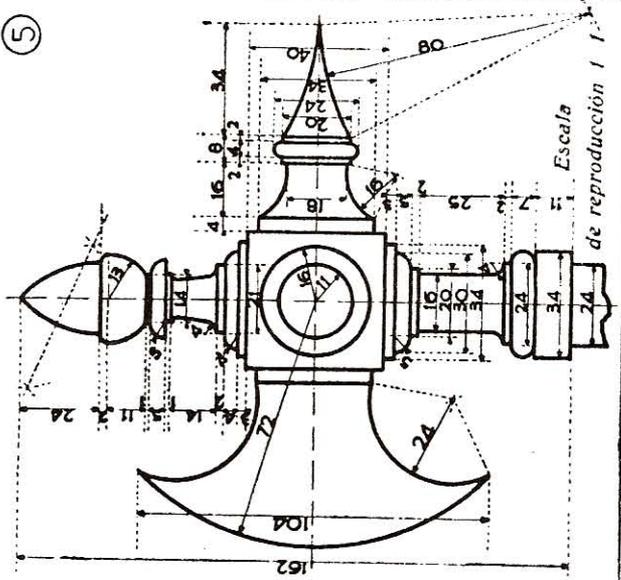
③



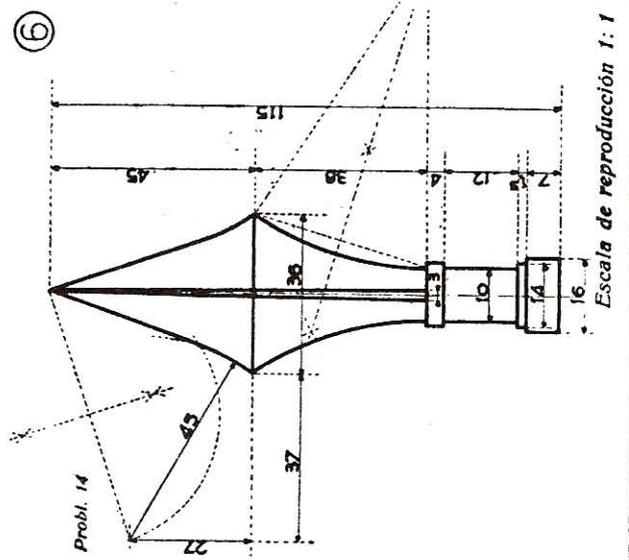
④



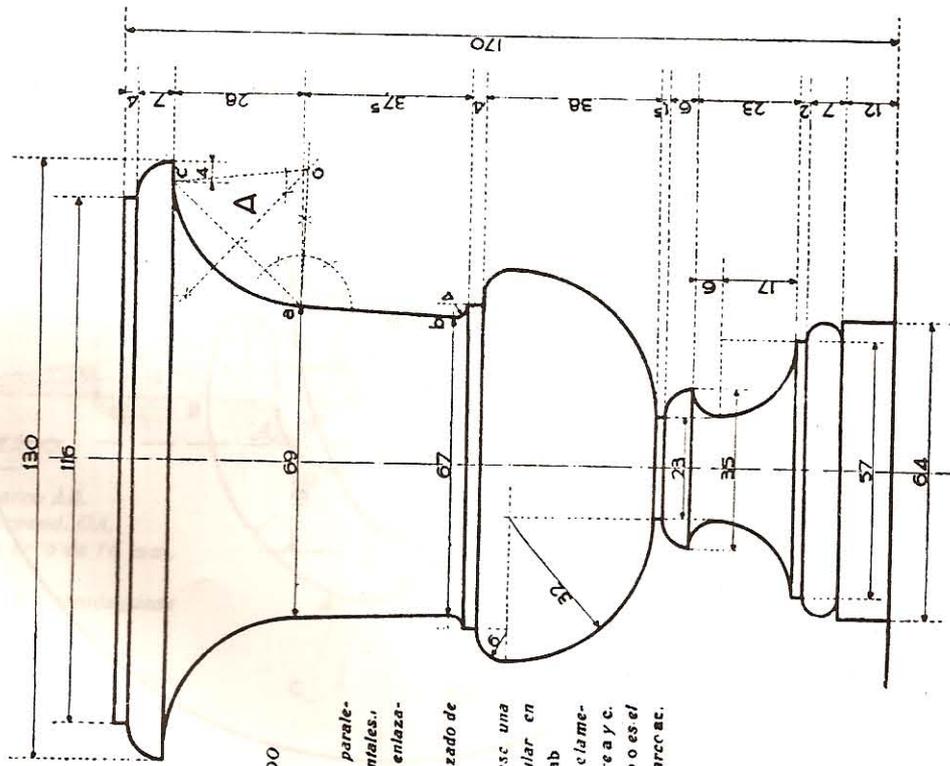
⑤



⑥



Varo Medicis

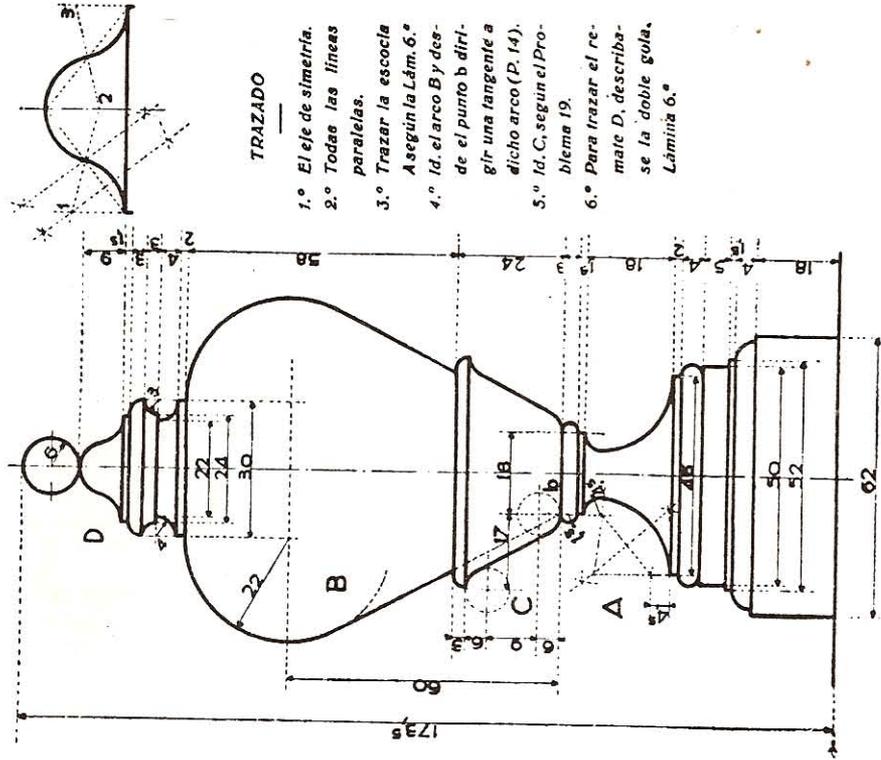


TRAZADO

- 1.º Los ejes.
- 2.º Todas las paralelas horizontales.
- 3.º Los arcos enlazados.
- 4.º Para el trazado de A:
 - a) levántese una perpendicular en a, al lado ab
 - b) levántese la mediatriz entre a y c.
 - c) el punto o es el centro del arco ac.

Escala de reproducción: 10 cm. por metro $\left(\frac{1}{10}\right)$

Urna



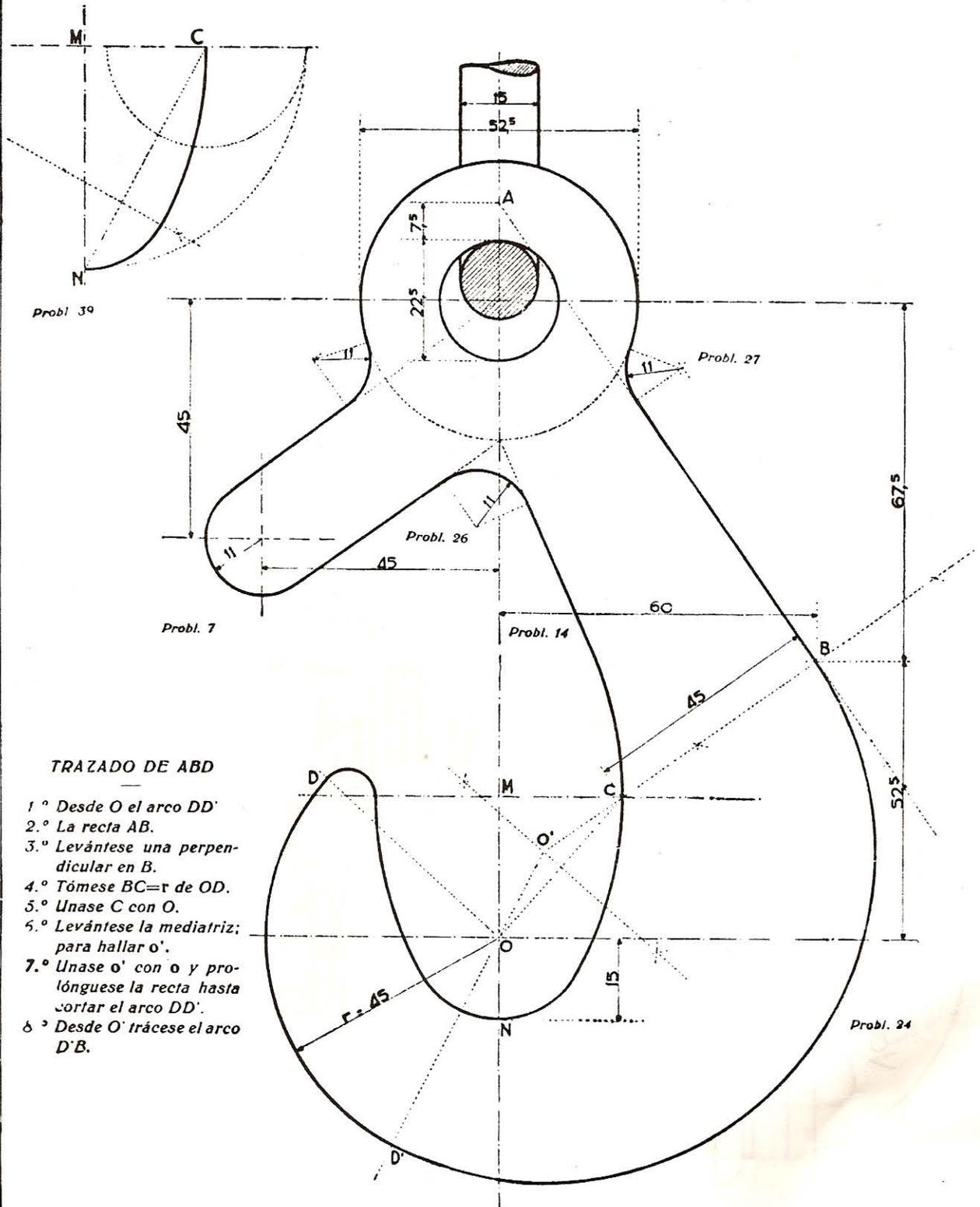
TRAZADO

- 1.º El eje de simetría.
- 2.º Todas las líneas paralelas.
- 3.º Trazar la escocia A según la Lám. 6.º
- 4.º Id. el arco B y describir una tangente a dicho arco (p. 14).
- 5.º Id. C, según el Problema 19.
- 6.º Para trazar el remate D, describese la doble gola. Lámina 6.º

Escala de reproducción: 1 dm. por metro $\left(\frac{1}{10}\right)$

Trazado del arco interior

Gancho



TRAZADO DE ABD

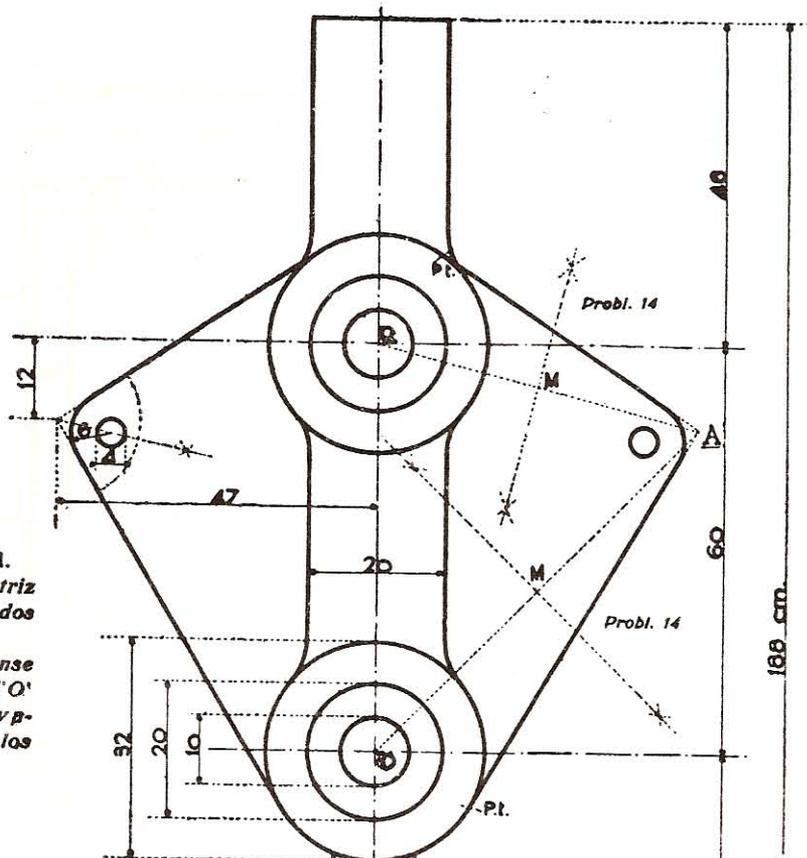
- 1.º Desde O el arco DD'
- 2.º La recta AB.
- 3.º Levántese una perpendicular en B.
- 4.º Tómesse BC=r de OD.
- 5.º Unase C con O.
- 6.º Levántese la mediatriz para hallar o'.
- 7.º Unase o' con o y prolonguese la recta hasta cortar el arco DD'.
- 8.º Desde O' trácese el arco D'B.

Escala de reproducción de 1: 1

Gancho

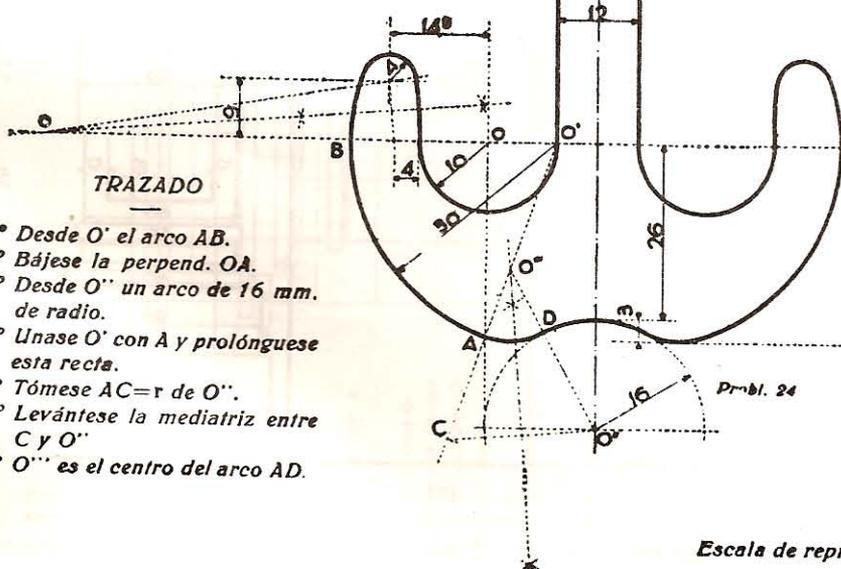
TRAZADO

- 1.º Unanse o y o' con A.
- 2.º Levántese la mediatriz en cada una de la dos rectas.
- 3.º Desde M y M' trácense arcos con MO y M'O' de radio respectivamente para hallar los p. t.



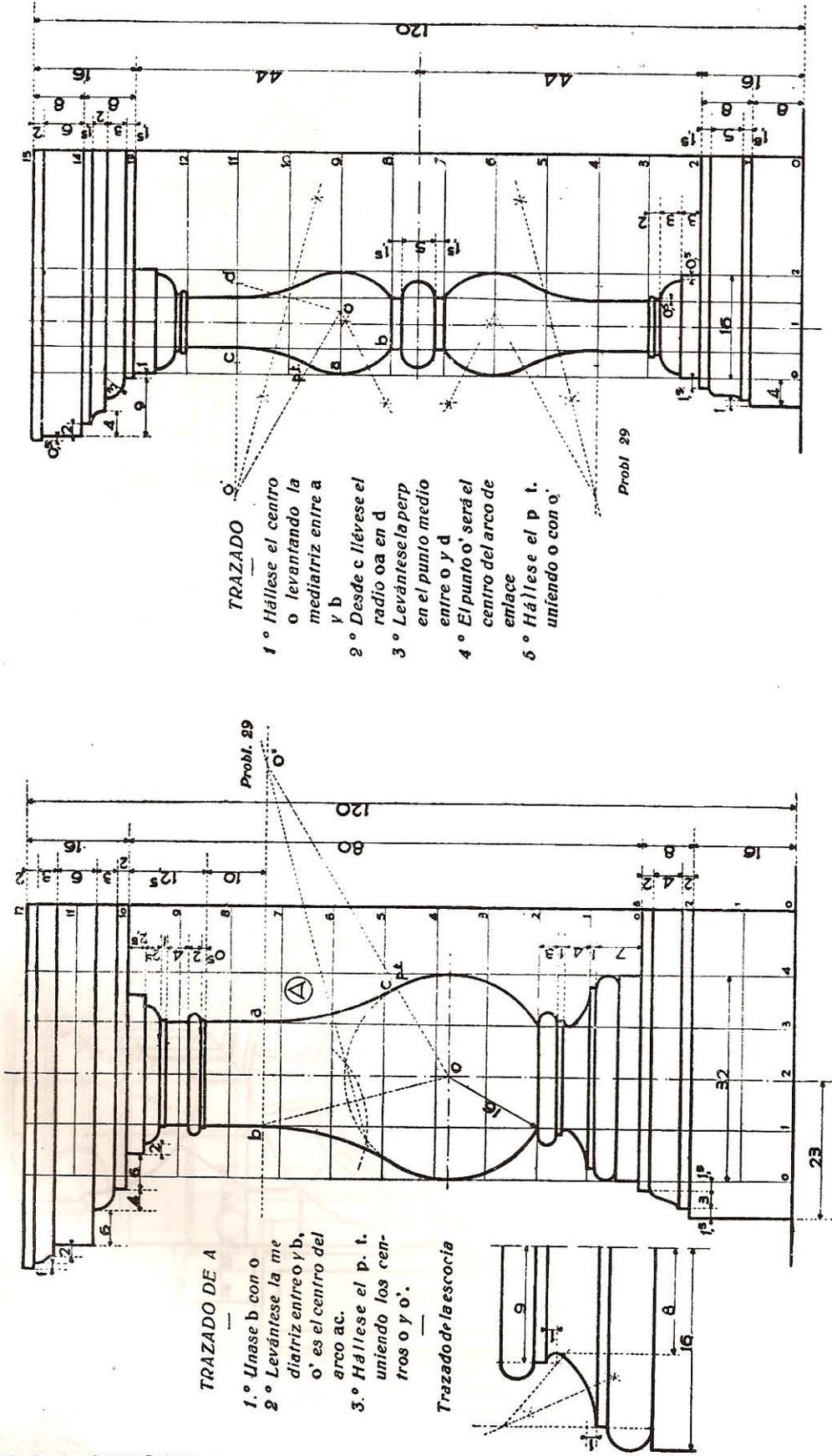
TRAZADO

- 1.º Desde O' el arco AB.
- 2.º Bájese la perpend. OA.
- 3.º Desde O'' un arco de 16 mm. de radio.
- 4.º Unase O' con A y prolonguese esta recta.
- 5.º Tómese AC=r de O''.
- 6.º Levántese la mediatriz entre C y O''
- 7.º O''' es el centro del arco AD.



Escala de reproducción de 1: 10

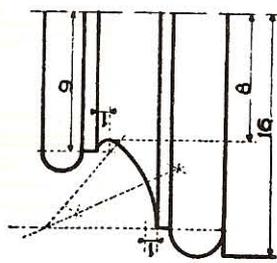
Balaustrer



TRAZADO DE A

- 1.º Unase b con o
- 2.º Levántese la mediatriz entre o y b, o' es el centro del arco ac.
- 3.º Hállese el p. t. uniendo los centros o y o'.

Trazado de la escocía



TRAZADO

- 1.º Hállese el centro o levantando la mediatriz entre a y b
- 2.º Desde c lívese el radio oa en d
- 3.º Levántese la perp en el punto medio entre o y d
- 4.º El punto o' será el centro del arco de enlace
- 5.º Hállese el p. t. uniendo o con o'.

Probl. 29

TRAZADO. - 1.º Los ejes - 2.º La cuadrícula con 15 divisiones de alto por 4 de ancho. - 3.º El balaustrer propiamente dicho - 4.º Termínese el dibujo con el entablamiento y el pedestal

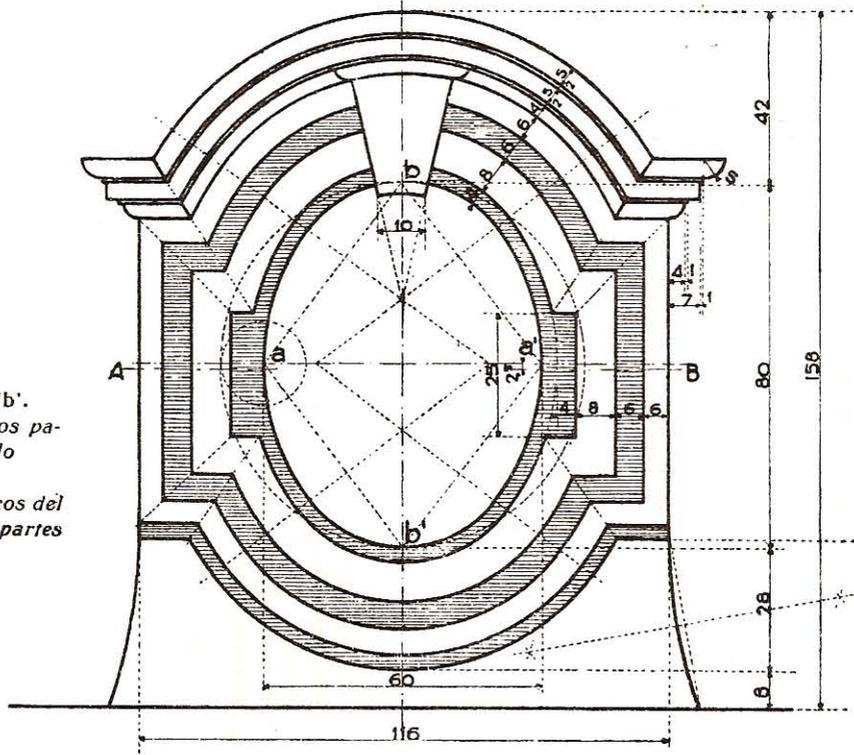
TRAZADO - 1.º Los ejes. - 2.º El cuadrículado con 15 divisiones de alto por 2 de ancho. - 3.º El balaustrer - 4.º Complétese.

Escala de reproducción: 1 dm por metro ($\frac{1}{10}$). Dibujando sólo los balaustreres, a 1'5 dm por metro ($\frac{3}{20}$)

Ojo de buey

TRAZADO

- 1° El óvalo ab a'b'.
- 2° Todos los arcos paralelos al óvalo
- 3° El eje AB
- 4° Unanse los arcos del óvalo con las partes rectas



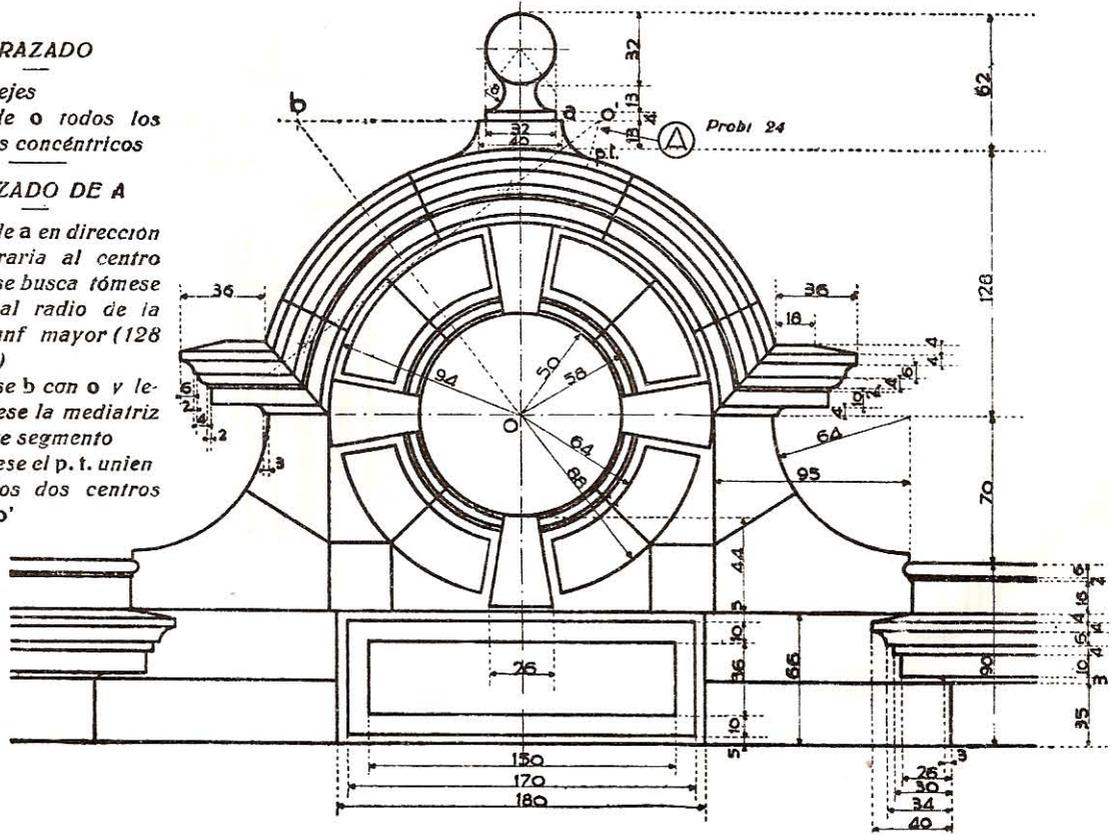
Escala de reproducción 1 10

TRAZADO

- 1° Los ejes
- 2° Desde o todos los arcos concéntricos

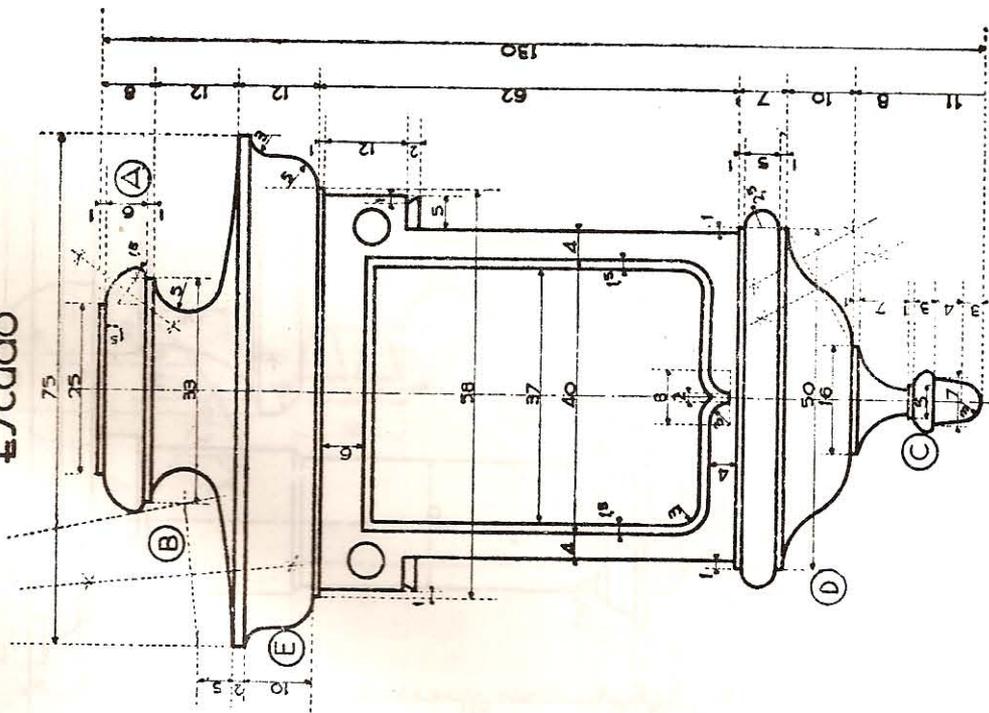
TRAZADO DE A

- 1° Desde a en direccion contraria al centro que se busca tómesese ab=al radio de la circunf mayor (128 mm.)
- 2° Unase b con o y levántese la mediatriz a este segmento
- 3° Hállese el p.t. uniendo los dos centros o y o'



Escala de reproducción 1: 25

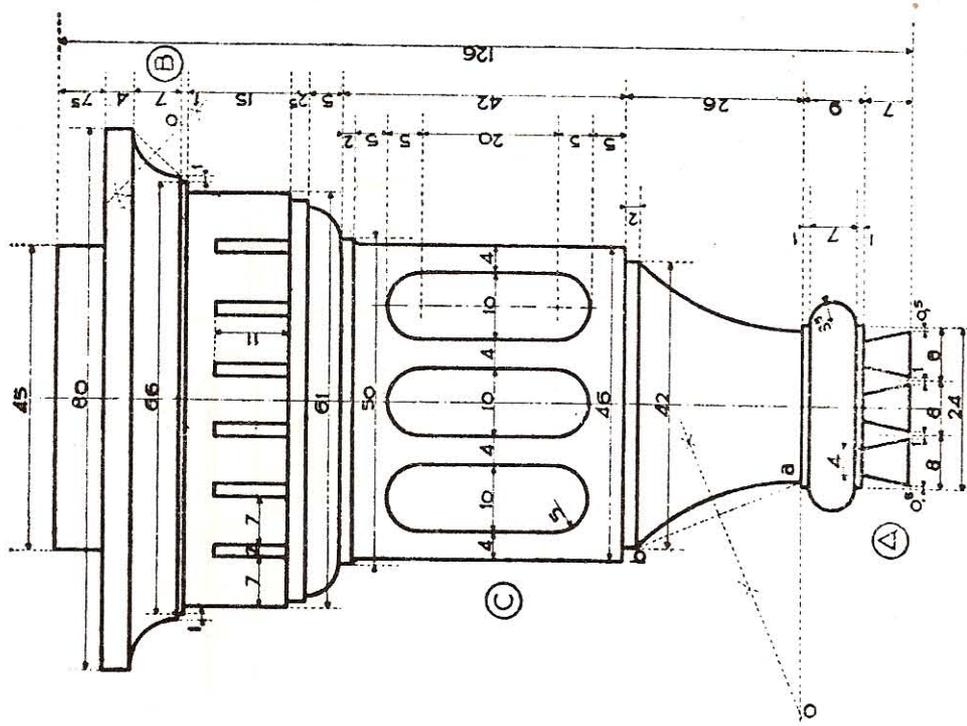
Escudo



TRAZADO.—1.º El eje.—2.º Todas las líneas paralelas.—3.º Para el trazado de las escocias A, B y C, y de la gola D, véase la Lámina 6.ª.—4.º Para el trazado de E: trácese dos arcos de 3 y de 5 mm. de radio respectivamente y únanse con una tangente común.

Escala de reproducción: 10 cm. por metro $\left(\frac{1}{10}\right)$

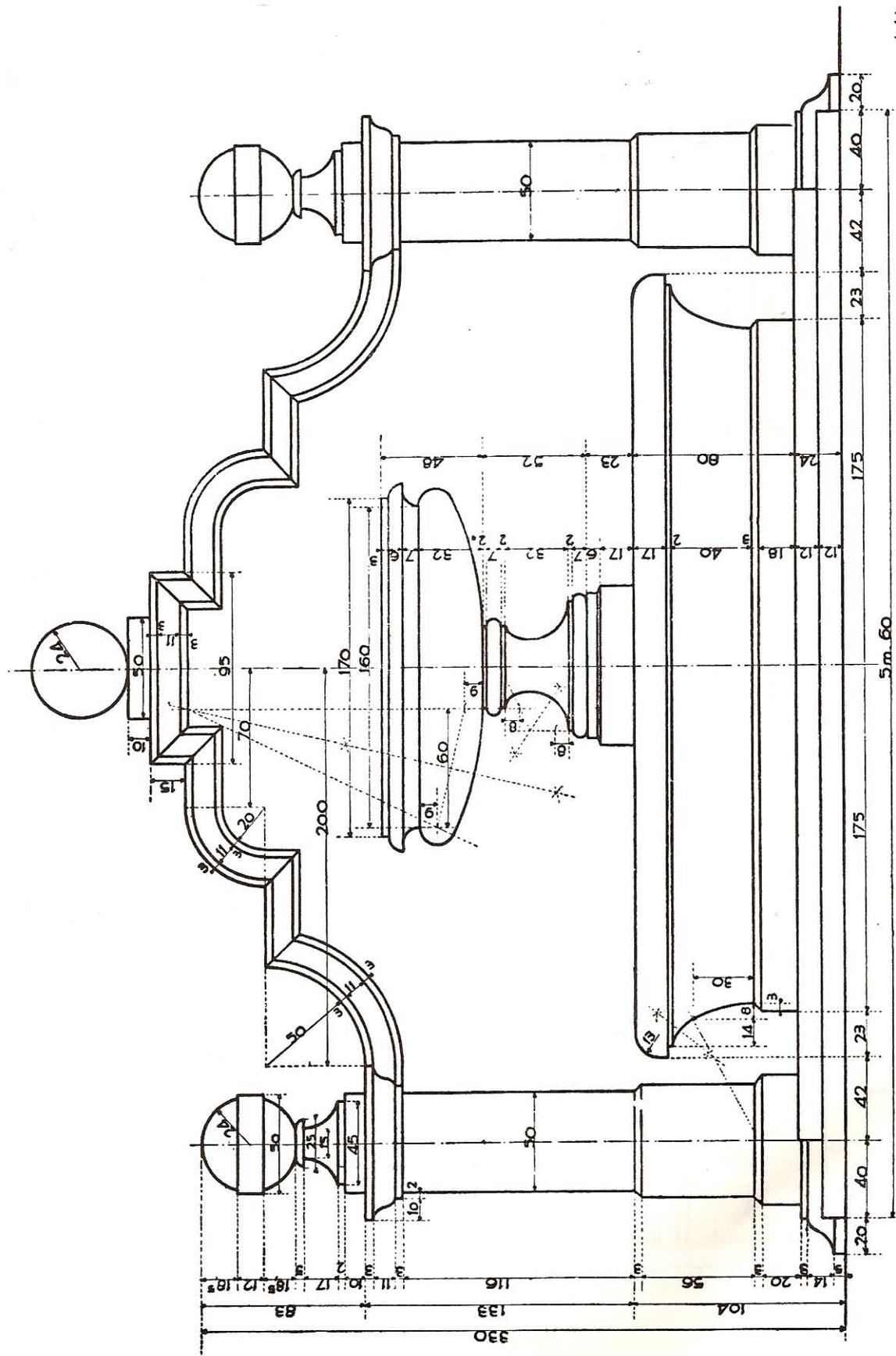
Consola



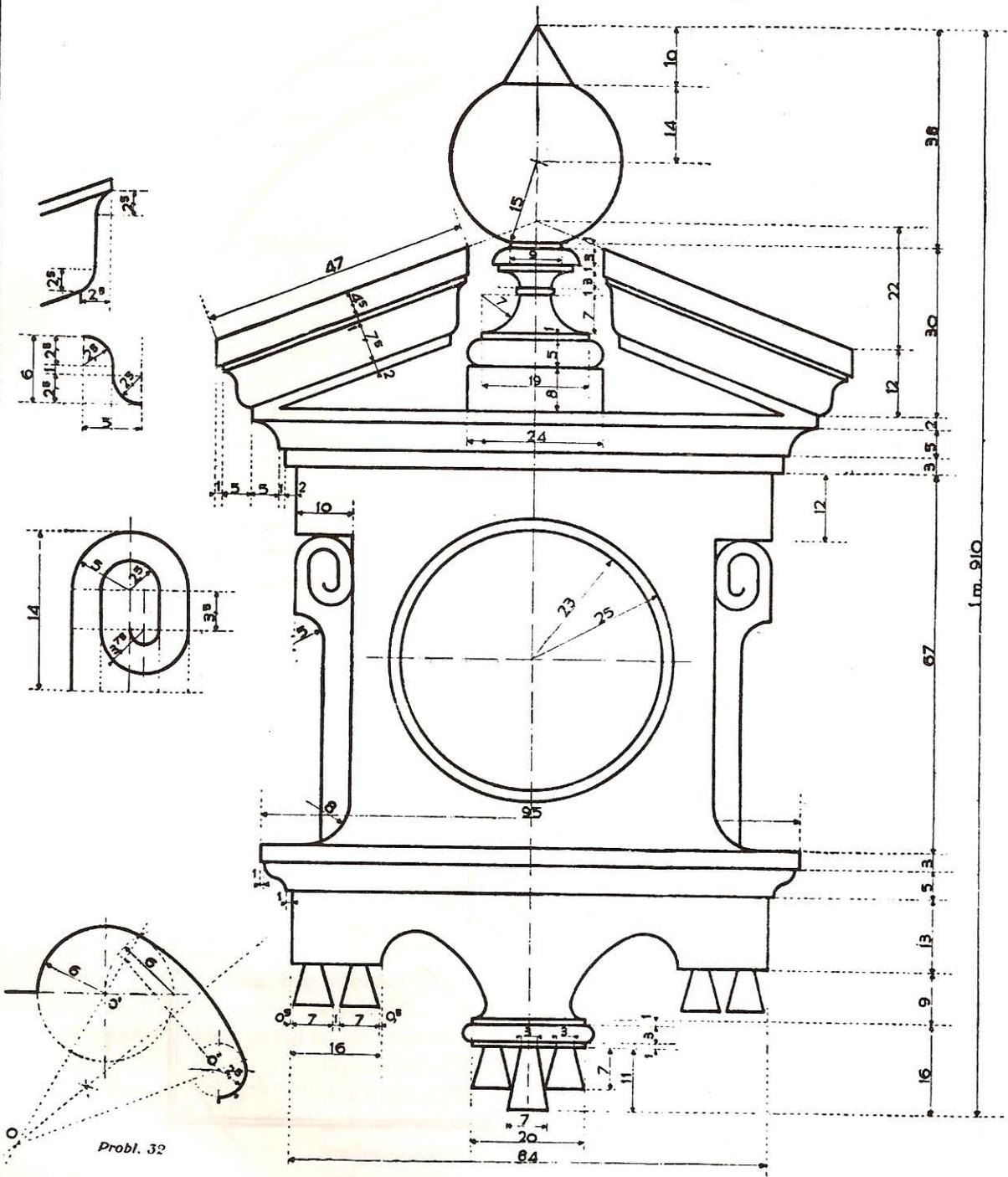
TRAZADO.—1.º El eje de simetría.—2.º Para el trazado de A: a) dividanse 24 mm. en tres partes iguales; b) describanse los ejes de cada parte; c) dibújense los trapecios isósceles.—3.º Levántese la mediatriz entre a y b; o es el centro del arco ab.—4.º Obsérvese la misma construcción para el trazado de B y C.

Escala de reproducción: 10 cm. por metro $\left(\frac{1}{10}\right)$

Fuente



Escala de reproducción: 40 mm. por metro (1/25)

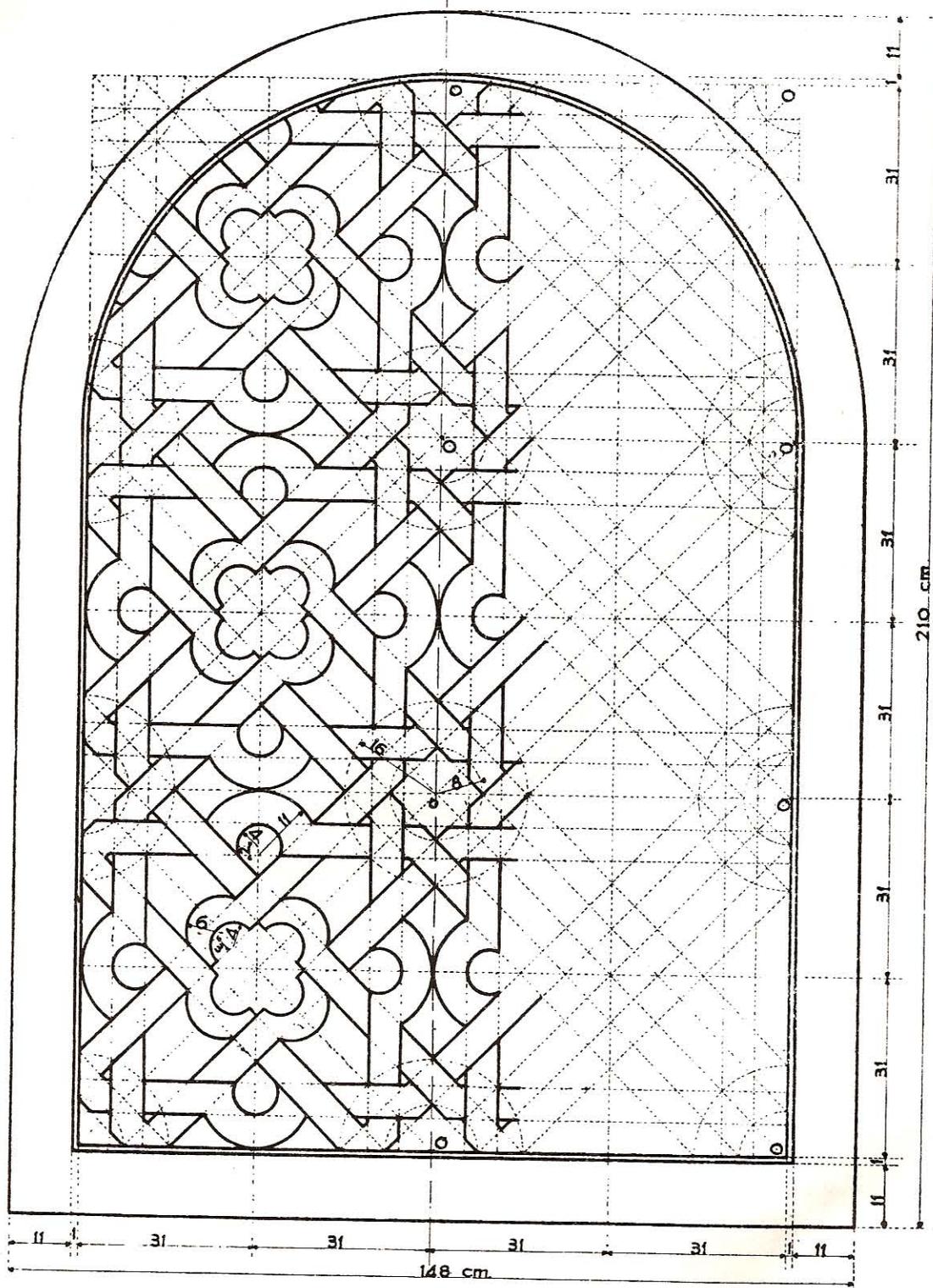


Probl. 32

TRAZADO: 1.º Los ejes.—2.º La parte inferior siguiendo las indicaciones del margen.—3.º La parte superior.—4.º La bola de remate.

Escala de reproducción 1: 10

Ventanal Arabe



TRAZADO.—1.º Los ejes.—2.º Los círculos concéntricos o, o, o...—3.º La cuadrícula (sólo a lápiz).—4.º Los arcos del entrelazado.—5.º Complétese el dibujo con el marco del ventanal.

Escala de reproducción: 10 cm. por metro ($\frac{1}{10}$)

LINEAS PROPORCIONALES

Definiciones

Razón de dos líneas, es la relación en que están los números que expresan la longitud de dichas líneas, medidas con la misma unidad.

Dos líneas son **proporcionales** a otras dos, cuando la razón de las dos primeras es igual a la razón de las otras dos.

Primer Teorema

Las rectas paralelas que determinan segmentos iguales en una secante dada, determinan segmentos iguales en cualquier otra secante (fig. 1).

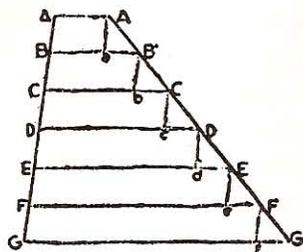


Fig. 1

Por hipótesis tenemos:
 $AB = BC = CD = DE$.

Si se trazan $A'a, B'b...$ paralelas a AG se forman triángulos iguales entre sí, por tener un lado igual adyacente a dos ángulos respectivamente.

Luego:

$$A'B' = B'C' = C'D' = D'E'$$

Aplicaciones al dibujo.—Dividir un segmento de recta AB en cierto número de partes iguales.

Procedimiento a).—

Sea el segmento AB que hay que dividir en 7 partes iguales (fig. 2).

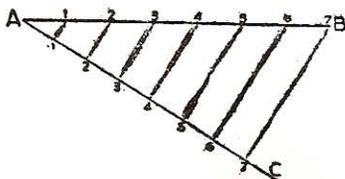


Fig. 2

Trácese una recta cualquiera AC y desde A llévase en ella 7 veces una misma longitud. Unase el punto 7 con B y trácense paralelas a esta recta por los demás puntos de división.

Procedimiento b).—(Muy útil al trazador en el taller).

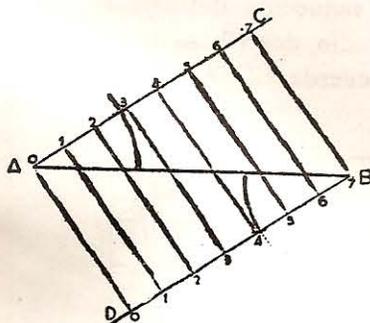


Fig. 3

Desde los extremos A y B del segmento, trácense dos ángulos iguales y en cada uno de los lados llévase tantas partes iguales cuantas han de ser las partes del segmento AB ; únense dos a dos dichas divisiones y quedará dividido el segmento AB en partes iguales (fig. 3).

Procedimiento c).—Si se dispone de una superficie rayada con líneas horizontales a intervalos regulares, como, v. gr., el rayado de un cuaderno, se procede de la siguiente manera:

se inscribe en el borde de una tira de papel la longitud del segmento que se trata de dividir en partes iguales, v. gr., en 5. Se coloca la tira de papel de manera que el punto A coincida con la horizontal 1 y se hace girar hasta que el punto B esté colocado en la horizontal 6. Las intersecciones de las horizontales con el segmento AB determinarán los 5 puntos de división (fig. 4).

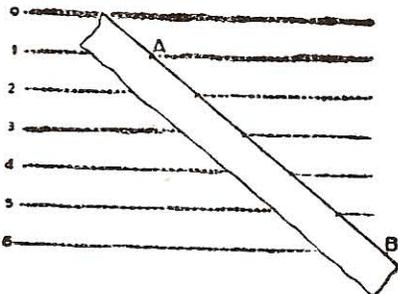


Fig. 4

horizontal 1 y se hace girar hasta que el punto B esté colocado en la horizontal 6. Las intersecciones de las horizontales con el segmento AB determinarán los 5 puntos de división (fig. 4).

Segundo Teorema

Toda recta trazada paralelamente a un lado de un triángulo, divide a los otros dos en partes directamente proporcionales (fig. 5).

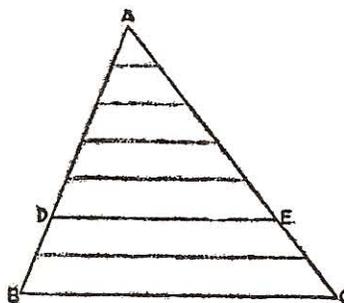


Fig. 5

Sea un triángulo ABC y DE paralelo al lado BC .

Tenemos que demostrar que $\frac{AB}{BD} = \frac{AE}{EC}$

En efecto, supongamos que los segmentos AD y DB tengan una medida común contenida 7 veces en

AD y 2 veces en DB . Trazando paralelas a BC por los puntos de división se obtiene igual número de segmentos en AB que en AC , y sabemos por el teorema anterior que dichos segmentos son iguales entre sí:

de esta manera si $\frac{AB}{BD} = \frac{5}{2}$, también $\frac{AE}{EC} = \frac{5}{2}$

$$\text{Por tanto } \frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$$

Podemos también comparar cada segmento con el lado entero y tendremos:

$$1.^\circ \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{7}{5} \quad \text{y} \quad 2.^\circ \frac{DB}{AB} = \frac{EC}{AC} = \frac{2}{5}$$

Tercer teorema

Toda recta trazada paralelamente a un lado de un triángulo determina otro triángulo semejante al propuesto (fig. 6)

En efecto, los ángulos \hat{D} y \hat{E} son respectivamente iguales a los ángulos \hat{B} y \hat{C} por tener sus lados respectivamente paralelos.

Hemos visto ya que:

$$\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{BF}{BC}$$

(EF paralela a AB)

ahora bien $DE = BF$, luego $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$

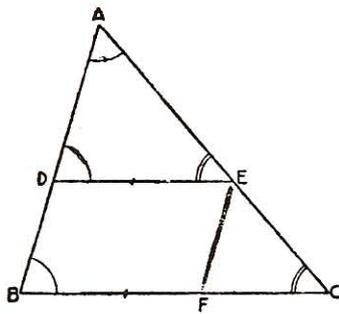


Fig. 6

Cuarto teorema

Las paralelas cortadas por varias secantes que pasan por un mismo punto quedan divididas en segmentos proporcionales (fig. 7).

La figura consta de seis triángulos semejantes de dos en dos, a saber:

- 1.º OAB y OA'B'
- 2.º OBC y OB'C'
- 3.º OCD y O'CD'

Estos tres grupos de triángulos semejantes dan tres grupos de razones iguales.

$$1.º \frac{OA}{OA'} = \frac{AB}{A'B'} = \frac{OB}{OB'}$$

$$2.º \frac{OB}{OB'} = \frac{BC}{B'C'} = \frac{OC}{OC'}$$

$$3.º \frac{OC}{OC'} = \frac{CD}{C'D'} = \frac{OD}{OD'}$$

Observando que las tres series de razones van enlazadas una con otra por razones iguales, $\frac{OB}{OB'}$ de la

1.ª y 2.ª y $\frac{OC}{OC'}$ de la 2.ª y 3.ª podemos afirmar que

$$\frac{AB}{A'B'} = \frac{BC}{B'C'} = \frac{CD}{C'D'}$$

Aplicaciones al dibujo. — 1.º Dividir un segmento rectilíneo en n partes iguales. (Véase 1.º Cuaderno problema 21).

2.º La escala de décimas, llamada también escala de mil partes sirve para determinar con gran exactitud hasta las décimas de la división más peque-

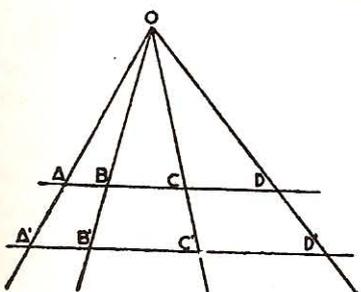


Fig. 7

ña. La fig. 8 indica la construcción de una de estas escalas en una reacción de 3/7. Se empieza por tomar los 3/7 de un decímetro y se lleva esta dimensión

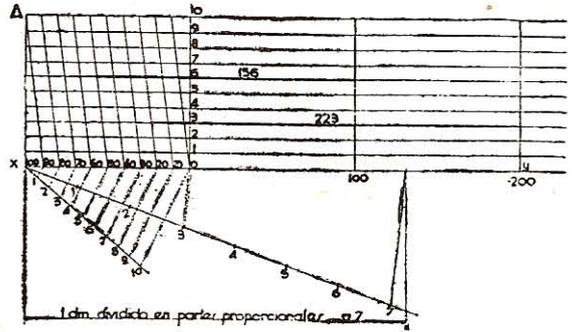


Fig. 8

tantas veces como convenga, sobre la recta xy , lo que proporciona los puntos 100, 0, 100, 200, 300. Se divide luego la distancia 100 0 en diez partes iguales, que serán los centímetros de la escala. Para hallar los milímetros se levantan perpendiculares en los puntos 100, 0, 100, 200. Sobre cada una de estas perpendiculares se llevan diez segmentos iguales y por los puntos de división se hacen pasar paralelas a xy . Se traza luego la recta A-90 y por los puntos 80 70-60... 0, se trazan paralelas a dicha recta. La figura indica el uso de esta escala.

3.º El ángulo de reducción. — Cuando en el dibujo hay pocas cotas se puede construir rápidamente una escala de reducción (fig. 9).

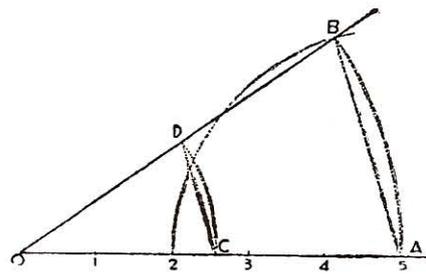


Fig. 9

Sea construir la escala de 3/5. Sobre una recta indefinida tóme-

se cinco segmentos iguales. Desde O como centro y OA de radio trázese un arco; desde A como centro y un radio que abarque tres divisiones trázese otro arco que corte al primero. El ángulo BOA es el ángulo de reducción o ángulo de la escala que se busca.

Búsqese v. gr.: la reducción del segmento OC a sus 3/5. Con OC de radio, descríbase desde O como centro el arco CD: la cuerda CD es la longitud bus-

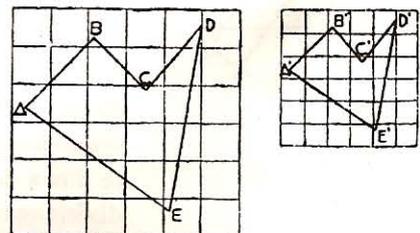


Fig. 10

cada, pues en efecto: $\frac{CD}{OC} = \frac{AB}{OA} = \frac{3}{5}$ y por tanto $CD = \frac{3}{5} OC$. Resulta inútil el trazado de los arcos y cuerdas de operación pues basta llevar los puntos C y D y determinar con el compás su distancia,

4.º La cuadrícula. Se cubre el dibujo que se trata de reproducir con un fino cuadrículado a lápiz y se construye otro cuadrículado en la proporción en que se desea reducir el dibujo (fig. 10).

Fácilmente se observa la situación exacta de los diferentes puntos del dibujo. Este método se emplea sobre todo para figuras irregulares.

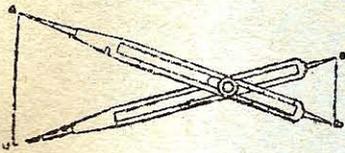


Fig. 11

5.º La reducción del compás que se compone de dos ramas articuladas alrededor de un punto que se desplaza a voluntad en una ranura practicada

a lo largo de cada una de las ramas (fig. 11).

6.º Aumento o reducción de las alturas y salientes de una moldura.—Pueden presentarse cuatro casos:

a) Reducir las alturas en una relación v. gr.: de $\frac{3}{5}$ conservando las mismas salientes (fig. 12).

Llévese $OA' = \frac{3}{5} OA$. Complétese el rectángulo y trácese la diagonal OC. Por medio de un trazado de paralelas cuya construcción se desprende fácilmente de la fig. 12, se obtiene la reducción pedida.

b) Ampliar los salientes en una relación v. gr.: de $\frac{4}{3}$ conservando las mismas alturas (fig. 13).

Se construye de semejante manera que la reducción anterior tomando $OB' = \frac{3}{4} OB$.

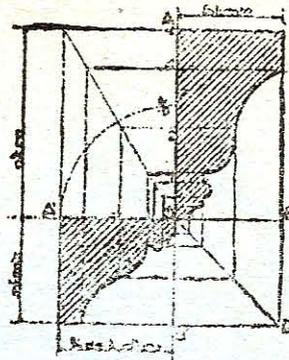


Fig. 12

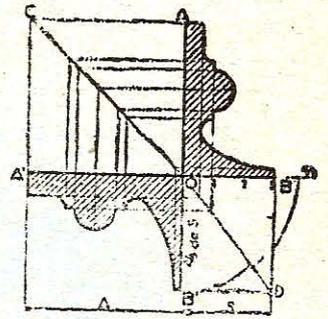


Fig. 13

c) Reducir las alturas y los salientes en una relación v. gr.: de $\frac{3}{4}$ y $\frac{2}{3}$ respectivamente (fig. 14).

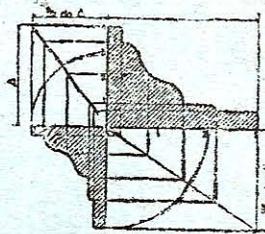


Fig. 14

Se tomará $OA' = \frac{3}{4} OA$ y $OB' = \frac{2}{3} OB$ y se terminará la construcción como en el primer caso.

d) Reducir las alturas y los salientes en una misma relación v. gr.: $\frac{2}{3}$ (fig. 15).

Tómese O como punto de partida de rectas que pasan por diversos puntos de la moldura. Se toma luego A' de tal manera que $\frac{OA'}{OA} = \frac{2}{3}$ se terminan las construcciones partiendo de este punto.

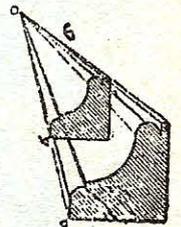


Fig. 15